

المهارات

- 1 فهم طبيعة المسائل والمثابرة في حلها
- 3 بناء فرضيات عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين
- 4 استخدام نماذج الرياضيات
- 7 محاولة إيجاد البنية واستخدامها

هدف الدرس

سيقوم الطلاب بتحليل الأعداد إلى العوامل الأولية.

تنمية المفردات

مفردات جديدة

التحليل إلى العوامل الأولية (prime factorization)

النشاط

- استخدام نماذج الرياضيات ارسم شجرة عوامل مبسطة للعدد 50. أظهر كيف يمكن تصغير هذا العدد إلى عوامله الأولية، 2 و 5 و 5.
- اشرح للطلاب أن هذا الرسم التخطيطي يمثل تحليل العدد 50 إلى العوامل الأولية.
- ذكر الطلاب بأن العدد الأولي هو عدد له عاملان فقط، العدد 1 والعدد نفسه. أخبر الطلاب أنه إذا كانوا يفكرون في تقسيم عدد إلى العوامل الأولية باستخدام شجرة العوامل، فيمكن أن يساعدهم هذا التصور على تذكر معنى التحليل إلى العوامل الأولية.

التربط المنطقي

الربط بالموضوعات الرئيسة

الربط بهيكل التركيز المهم التالي: 2. توسيع القسمة إلى مقسوم عليه مكون من رقمين، ودمج الكسور العشرية في نظام القيمة المكانية وتطوير فهم العمليات المتعلقة بالكسور العشرية والأجزاء من المة. والتمرس في عمليات الأعداد الكلية والعشرية.

الدقة

تزداد صعوبة التمارين مع تقدم الدرس. ومع ذلك، قد يتباين تفكير الطلاب الفردي خلال عملية الممارسة الموسعة.

مستويات الصعوبة

- المستوى 1 استيعاب المفاهيم
- المستوى 2 تطبيق المفاهيم
- المستوى 3 توسيع المفاهيم

- التبرين 1
- التمارين 2-12
- التمارين 13-18

2 الاستقصاء واستخدام النماذج

مراجعة

مسألة اليوم

مجموع ثلاثة أعداد هو 45. أكبر الأعداد الثلاثة يزيد عن أصغرها بمقدار 2. ما هي تلك الأعداد؟ 14، 15، 16

اشرح كيف وجدت الإجابة، الإجابة النموذجية: أعرف أن الأعداد يجب أن تكون متتالية. بما أن $15 + 15 + 15 = 45$ ، استخدمت طريقة "التخمين والتحقق والمراجعة" للأعداد القريبة من 15.

1 فهم طبيعة المسائل اطلب من الطلاب تأليف مسألة مشابهة لهذه المسألة.

تمرين سريع

استخدم هذا النشاط كمراجعة سريعة وتقييم للدرس السابق.

الربط مع الأدب

اقرأ أحد الكتب العامة مثل "بين الأعداد الفردية والزوجية: حكاية مغامرة" Among the Odds and Evens: A Tale of Adventure من تأليف بريسيلا تيرنر. لتهيئة الطلاب لهذا الدرس.



تمثيل المسائل الرياضية

الهدف: المهارة والتمرس الإجرائيان

اكتب العدد 40 على السبورة. ارسم فرعين خارجين من العدد. اطلب من أحد الطلاب أن يقترب من السبورة.

اكتب عاملين للعدد 40. عامل في نهاية كل فرع.

اطلب من طلاب آخرين الاقتراب من السبورة حتى تكتمل شجرة العوامل.

اطلب من الطلاب الاستمرار في كتابة عوامل العدد 40 حتى تكتمل الشجرة.

عندما تكتمل الشجرة،

يُعرف ذلك باسم شجرة العوامل. لماذا تُسمى شجرة العوامل؟

ناقش أفكار الطلاب.

هل ستكون لدينا قائمة مختلفة من العوامل الأولية إذا بدأنا بعاملين مختلفين؟ ولماذا؟ لا؛ الإجابة النموذجية: بغض النظر عن العاملين اللذين تبدأ بهما، سيكون التحليل إلى العوامل الأولية واحدًا دائمًا.

الرياضيات في حياتنا

مثال 1

ما العدد الأولي؟ ما العوامل؟ الإجابة النموذجية: عدد له عاملان فقط: 1 ونفسه؛ عدنان أو أكثر مضروبان لتكوين ناتج ضرب

اقرأ المثال 1 على الطلاب.

هل العدد 36 عدد أولي أم غير أولي؟ غير أولي

كيف علمت ذلك؟ الإجابة النموذجية: له أكثر من عاملين.

أكمل الخطوات الواردة في الصفحة مع الطلاب.

الخطوة 1: اكتب العدد المطلوب تحليله في الجزء العلوي.

الخطوة 2: اختر أي مجموعة ثنائية من عوامل العدد الكلي 36.

الخطوة 3: استمر في تحليل أي عدد غير أولي. هل $9 \times 2 \times 2$ تحليل للعدد 36 إلى العوامل الأولية؟ كيف يمكنك تأكيد ذلك؟ الإجابة النموذجية: لا؛ العدد 9 غير أولي.

استمر في التحليل حتى تكون جميع الأعداد أولية.

الخطوة 4: باستثناء الترتيب، ينبغي أن تكون العوامل الأولية واحدة.

ما تحليل العدد 36 إلى العوامل الأولية؟ $2 \times 2 \times 3 \times 3$

لنتحقق من إجابتنا بضرب العوامل في بعضها. هل إجابتنا صحيحة؟ نعم

3 **التحقق من صحة الحل** اطلب من الطلاب توضيح السبب الذي يجعل ضرب العوامل في بعضها للتحقق من الإجابة يعد إستراتيجية دقيقة يمكن استخدامها للتحليل إلى العوامل الأولية.

مثال 2

4 **استخدام نماذج الرياضيات** استمر في نفس الممارسة باستخدام العدد 24. ساعد الطلاب في ملء عوامل شجرة العوامل. ذكّر الطلاب بالتحقق من الإجابة بعد إكمال شجر العوامل.

تمرين موجه

ناقش التمارين الواردة في جزء "تمرين موجه" مع الطلاب. تحقق للتأكد من تحليل الطلاب العدد غير الأولي تمامًا حتى تبقى العوامل الأولية فقط.

حديث في الرياضيات: محادثة تعاونية

7 **البحث عن أنماط** ما أول عشرة أعداد أولية؟ 2، 3، 5، 7، 11، 13، 17، 19، 23، 29

مثال 2
أوجد تحليل العدد 24 إلى العوامل الأولية.

اختر أي مجموعة ثنائية من عوامل الأعداد الكلية. مثل 3×8 أو 6×4 أو 2×12

استمر في تحليل أي عدد غير أولي.

اكتب العوامل الأولية بالترتيب من الأصغر إلى الأكبر.

ناتج تحليل العدد 24 إلى العوامل الأولية هو $2 \times 2 \times 2 \times 3$

تحقق
حل بترتيب عكسي. احرب جميع العوامل الأولية بالترتيب من اليسار إلى اليمين. بعد ذلك قارن ناتج الضرب مع العدد غير الأولي.

$2 \times 2 \times 2 \times 3 = 24$

تمرين موجه
1. أوجد ناتج تحليل العدد 16 إلى العوامل الأولية.

ناتج تحليل العدد 16 إلى العوامل الأولية هو $2 \times 2 \times 2 \times 2$

ما أول عشرة أعداد أولية؟

حقوق الطبع والنشر © مجموعة المناهج مؤسسة McGraw-Hill Education

التحليل إلى العوامل الأولية

الدرس 1
السؤال الأساسي
ما الإستراتيجية التي يمكن استخدامها لضرب الأعداد الكلية؟

يمكنك كتابة كل عدد غير أولي في صورة ناتج ضرب عوامل أولية. يُعرف هذا باسم **تحليل عدد إلى العوامل الأولية**. شجرة العوامل هي رسم تخطيطي يظهر تحليل عدد غير أولي إلى العوامل الأولية.

الرياضيات في حياتنا

مثال 1
أجرى السيد سماح استبيانًا في الوحدة الذي يُدْرَسه ووجد أن الطلاب لديهم ما مجموعه 36 حيوانًا أليفًا. أوجد تحليل العدد 36 إلى العوامل الأولية.

1 اكتب العدد المطلوب تحليله في الجزء العلوي.

2 اختر أي مجموعة ثنائية من عوامل الأعداد الكلية للعدد 36.

3 استمر في تحليل أي عدد غير أولي.

4 باستثناء الترتيب، تكون العوامل الأولية هي نفسها.

5 اكتب العوامل الأولية من الأصغر إلى الأكبر.

ناتج تحليل العدد 36 إلى العوامل الأولية هو $2 \times 2 \times 3 \times 3$

تحقق حل بترتيب عكسي. احرب جميع العوامل الأولية بالترتيب من اليسار إلى اليمين. بعد ذلك قارن ناتج الضرب مع العدد غير الأولي.

$2 \times 2 \times 3 \times 3 = 36$

حقوق الطبع والنشر © مجموعة المناهج مؤسسة McGraw-Hill Education

تمارين ذاتية

RtI استنادًا إلى ملاحظتك، يمكنك اختيار تكليف الطلاب بالتمارين بحسب الموضع في المستويات أدناه:

- قريب من المستوى قم بتكليف الطلاب بالتمارين 13، 15، 17، 18، (فردية) 3-9.
- ضمن المستوى قم بتكليف الطلاب بالتمارين 13-18، (زوجي) 2-12.
- أعلى من المستوى قم بتكليف الطلاب بالتمارين 8-18.

خطأ شائع! قد ينسى الطلاب تضمين الأعداد الأولية من شجر العوامل عند كتابة تحليل عدد إلى العوامل الأولية. اطلب من الطلاب تحويط حول جميع العوامل الأولية في شجر العوامل، ثم التحقق من ظهور جميع الأعداد المحاطة بدائرة في عمليات التحليل إلى العوامل الأولية. ينبغي أن تسجل عمليات التحليل العوامل الأولية بالترتيب من الأصغر إلى الأكبر. على سبيل المثال، يُكتب تحليل العدد 36 إلى العوامل الأولية بشكل صحيح كما يلي $2 \times 2 \times 3 \times 3$.

حل المسائل

7 استخدام البنية

التمرين 17 يمكن أن يبدو تحليل عدد مكون من 4 أرقام صعبًا، ولكن إذا بدأ الطلاب بعدد يعرفونه، فلن يبدو صعبًا جدًا. إذا وجد الطلاب صعوبة، فاطلب منهم البدء بما يلي $2 \times 1,400$.

الاستفادة من السؤال الأساسي

التمرين 18 اطلب من الطلاب الاعتماد على استيعابهم للمفاهيم اللازمة للإجابة عن السؤال الأساسي للوحدة.

التتويج التكويني

فكر-اعمل في ثنائيات-شارك اطلب من الطلاب أن يناقشوا إجاباتهم مع زميل لهم قبل مشاركتها مع الوحدة كلة. اكتب المحفز التالي على السبورة:

هل $2 \times 3 \times 12$ إجابة ممكنة لتحليل عدد إلى العوامل الأولية؟ اشرح. **الإجابة المحتملة: لا؛ العدد 12 غير أولي.**

انظر الصفحة التالية للاطلاع على خيارات التدريس المتمايز. **RtI**

حل المسائل

المسألة	الوزن (أونزا)	التحليل إلى العوامل الأولية
كتب الصيد الناسف	20	$2 \times 2 \times 5$
الماتر برنارد	81	$3 \times 3 \times 3 \times 3$
ولف هاوند الأيرلندي	67	1×67
كتب بوكسر	25	5×5
الكلب الدانماركي الضخم	70	$2 \times 5 \times 7$
كلب البول ماستيف	50	$2 \times 5 \times 5$

13. أكمل الجدول.

14. أي وزن (أونزا) يساوي تحليله إلى العوامل الأولية ثلاثة عوامل بالضبط؟ **70، 50، 20**

15. أي وزن (أونزا) يساوي ناتج تحليله إلى العوامل الأولية للعدد نفسه؟ **81، 25**

16. أي سلالة (سلالات) تحتل أوزانها أعدادًا أولية؟ **ولف هاوند الأيرلندي**

17. **الممارسة 2** تحديد البنية: أوجد ناتج تحليل العدد 2,800 إلى العوامل الأولية. **$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 5 \times 5 \times 7$**

18. **الاستفادة من السؤال الأساسي** كيف تساعدك أشجار العوامل على إيجاد العوامل الأولية لعدد؟ **الإجابة النموذجية: تساعدك شجرة العوامل على تفكيك عدد غير أولي دون فقد العوامل الأولية المحتملة.**

حان وقت الاستماع بالرياضيات!

تمارين ذاتية

أوجد تحليل كل عدد إلى العوامل الأولية.

2. $63 = 3 \times 3 \times 7$

3. $18 = 2 \times 3 \times 3$

4. $40 = 2 \times 2 \times 2 \times 5$

5. $75 = 3 \times 5 \times 5$

6. $27 = 3 \times 3 \times 3$

7. $32 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$

8. $49 = 7 \times 7$

9. $44 = 2 \times 2 \times 11$

الممارسة 2 فهم الرموز: أوجد العدد الناقص.

10. $104 = 2 \times 2 \times \square \times 13$ $\square = 2$

11. $55 = \square \times 11$ $\square = 5$

12. $77 = 7 \times \square$ $\square = 11$

أعلى من المستوى التوسع

نشاط عملي المواد: بطاقات فهرسة

اطلب من الطلاب كتابة 10 أعداد غير أولية على بطاقات الفهرسة مع وجود 10 بطاقات توضح تحليل كل عدد إلى العوامل الأولية. يمكن أن يخلط اثنان من الطلاب البطاقات مع بعضها ويضع كل بطاقة على وجهها على المكتب لممارسة لعبة الذاكرة. يختار أحد الطلاب بطاقتين. إذا وافق العدد غير الأولي التحليل إلى العوامل الأولية، يفوز الطالب بالبطاقات. تنتهي اللعبة بانتهاء جميع البطاقات. يفوز الطالب صاحب أكبر عدد من البطاقات.

ضمن المستوى المستوى 1

نشاط عملي المواد: بطاقات فهرسة

اطلب من الطلاب اختيار عدد لتحليله إلى عوامله الأولية على بطاقات الفهرسة. ينبغي للطلاب ابتكار شجرة عوامل توضح تحليل الأعداد إلى العوامل الأولية بدون الكشف عن العدد الذي يجري تحليله.

عند انتهاء الطلاب من التحليل، اطلب منهم كتابة العدد الذي تم تحليله على ظهر البطاقة وتبادل البطاقات مع الزملاء.

سيستخدم الطلاب شجرة العوامل الموجودة على البطاقة لاكتشاف ما هو العدد الأصلي. بعد انتهاء الزملاء من الحل، اطلب منهم مناقشة إستراتيجيات الحل.

قريب من المستوى المستوى 2: التدخل الإستراتيجي

نشاط عملي المواد: بطاقات فهرسة

اطلب من الطلاب كتابة العدد 45 على بطاقة فهرسة. اطلب منهم استخدام بطاقتي فهرسة لكتابة عاملين مجموعتهما 45. اجعل الطلاب ينظرون إلى كل عامل. حدد أي عامل يمكن استبدال العوامل الأخرى به. اطلب من الطلاب عمل بطاقات للعوامل الجديدة واستبدال مجموعات ثنائية من العوامل بالبطاقات حتى يكتمل التحليل إلى العوامل الأولية.

واجباتي المنزلية

قم بتكليف الطلاب بواجب منزلي بعد إكمال الدرس بنجاح. يُمكن للطلاب الذين يستوعبون المفاهيم تجاوز قسم **مساعد الواجب المنزلي**.

حل المسائل

3 بناء الفرضيات

التمرين 7 قد يفكر الطلاب بما أن $2 \times 5 \times 6 = 60$. فإن ليالي محقة. ذكّر الطلاب بأن الأعداد الأولية فقط يمكن تضمينها في تحليل عدد إلى العوامل الأولية.

مراجعة المفردات

أخبر الطلاب أنه يمكنهم إيجاد الكلمات الناقصة لهذا التمرين مضمنة داخل الدرس.

تمرين على الاختبار

تشخيص أخطاء الطلاب

قد تشير توجيهات الصف نحو الإجابات الخاطئة إلى وجود أخطاء أو سوء فهم شائعين بين الطلاب.

A صحيح

B تحليل العدد 44 إلى العوامل الأولية

B تحليل العدد 52 إلى العوامل الأولية

B تحليل العدد 69 إلى العوامل الأولية

التتويج التكويني

كتابة سريعة قيم استيعاب الطلاب لمفاهيم الدرس.

هل يمكن تضمين العدد 3 في تحليل عدد إلى العوامل الأولية؟ كيف علمت ذلك؟ **الإجابة النموذجية:** نعم؛ فهو عدد أولي.

هل يمكن تضمين العدد 8 في تحليل عدد إلى العوامل الأولية؟ اشرح. **الإجابة النموذجية:** لا؛ فهو عدد غير أولي.

حل المسائل

5. حصلت ياسمة على 85 درجة في اختبار الرياضيات الأخير. اكتب ناتج تحليل العدد 85 إلى العوامل الأولية.

$$5 \times 17$$

6. لدى ماجدة 56 ملصقاً في مجموعتها. اكتب ناتج تحليل العدد 56 إلى العوامل الأولية.

$$2 \times 2 \times 2 \times 7$$

7. **الممارسة 3** البحث عن الخطأ كتبت ليالي تحليل العدد 60 إلى العوامل الأولية كما يلي $2 \times 5 \times 6$. قل لي خطأ؟ إذا لم تكن محقة، فما هو تحليل العدد 60 إلى العوامل الأولية؟ اشرح.

لا؛ $2 \times 2 \times 3 \times 5$ ؛ **الإجابة النموذجية:** استخدمت ليالي العدد 6 في التحليل إلى

العوامل الأولية، وهو عدد غير أولي.

مراجعة المفردات

امدّ الفراغ بالمصطلح أو العدد الصحيح لإكمال الجملة.

8. يمكن كتابة الأعداد **غير الأولية** في صورة ناتج ضرب للعوامل **الأولية**. يُعرف ذلك باسم تحليل العدد إلى العوامل الأولية.

تمرين على الاختبار

9. لدى أحمد حمان صفيير بزن 46 كيلو جراماً. ما تحليل العدد 46 إلى العوامل الأولية؟

- 2×23 $2 \times 2 \times 13$
 $2 \times 2 \times 11$ 3×23

واجباتي المنزلية

الدرس 1

التحليل إلى العوامل الأولية

مساعد الواجب المنزلي

أوجد ناتج تحليل العدد 42 إلى العوامل الأولية.

1 اختر أي مجموعة ثنائية من عوامل الأعداد الكلية. مثال 2×21 أو 3×14 أو 6×7

2 استمر في تحليل أي عدد غير أولي.

3 اكتب العوامل الأولية بالترتيب من الأصغر إلى الأكبر.

ناتج تحليل العدد 42 إلى العوامل الأولية هو $2 \times 3 \times 7$

تمرين

أوجد التحليل إلى العوامل الأولية لكل عدد.

1. $50 = 2 \times 5 \times 5$

2. $81 = 3 \times 3 \times 3 \times 3$

3. $65 = 5 \times 13$

4. $28 = 2 \times 2 \times 7$

المهارات

- 1 فهم طبيعة المسائل والمثابرة في حلها
- 4 استخدام نماذج الرياضيات
- 7 محاولة إيجاد البنية واستخدامها
- 8 البحث عن التوافق في الاستنتاجات المتكررة والتعبير عنه

التربط المنطقي

الربط بالموضوعات الرئيسية

الربط بمجال التركيز المهم التالي: 2. توسيع القسمة إلى مقسوم عليه مكون من رقمين. ودمج الكسور العشرية في نظام القيمة المكانية وتطوير فهم العمليات المتعلقة بالكسور العشرية والأجزاء من أجزاء من مئة، والتمرس في عمليات الأعداد الكلية والعشرية.

الدقة

تزداد صعوبة التمارين مع تقدّم الدرس. ومع ذلك، قد يتباين تفكير الطلاب الفردي خلال عملية الممارسة الموسّعة.

مستويات الصعوبة

- المستوى 1 استيعاب مفاهيم
- المستوى 2 تطبيق المفاهيم

التصميم
1-12

هدف الدرس

سيستكشف الطلاب أنماط التحليل إلى العوامل الأولية.

مراجعة

مسألة اليوم

ما الفرق بين أكبر عدد كلي مكون من أربعة أرقام وأصغر عدد كلي مكون من أربعة أرقام
يمكنك تكوينهما باستخدام الأرقام 5، 6، 8، 3. $8,653 - 3,568 = 5,085$

7 استخدام البنية اطلب من الطلاب مناقشة مفاهيم الرياضيات التي يحتاجون إلى معرفتها لحل هذه المسألة.

تتوفر مراجعة إضافية في نهاية الوحدة.

التصميم

استحتاج إلى

- خرامة ورق
- ورق سميك

مرر الورق السميك وخرامة الورق لكل طالب.

أرشد الطلاب خلال الخطوة 1.

كم عدد الثقوب الموجودة في الورقة؟ 2

ما تحليل الثقوب إلى العوامل الأولية؟ 2

اطلب من الطلاب إكمال الخطوة 2.

كم عدد العوامل الموجودة في كل طية؟ الإجابة النموذجية: تمامًا مثل عدد الطيات

أكمل الآن الجدول في الخطوة 3.

تحقق لتتأكد من أن الطلاب قد أكملوا الجدول بشكل صحيح.

ما النمط الذي تلاحظ وجوده بين عدد العوامل في كل تحليل إلى العوامل الأولية وعدد الطيات؟ عدد العوامل في كل تحليل إلى العوامل الأولية هو نفس عدد الطيات.

استخدم النمط الموجود لإكمال الجدول في الخطوة 5.

بالنسبة إلى 5 طيات، كم عدد العوامل الموجودة في التحليل إلى العوامل الأولية؟ 5

4 استخدام نماذج الرياضيات اطلب من الطلاب شرح وجه الاستفادة من استخدام جدول أو إنشاء شجرة عوامل عند إجراء التحليل إلى العوامل الأولية.

التفسير

1

فهم طبيعة المسائل ساهم في تيسير مناقشة بخصوص التمارين الواردة في قسم "التفسير". ساعد الطلاب على تكوين الروابط بين عدد الطيات وعدد العوامل الموجودة في التحليل إلى العوامل الأولية.

4 ما النمط الذي تلاحظ وجوده بين عدد العوامل في كل تحليل إلى العوامل الأولية وعدد الطيات؟

عدد العوامل في كل تحليل إلى العوامل الأولية مساو تمامًا لعدد الطيات.

5 باستخدام النمط الذي استنتجته في الخطوة 4، أكمل الجدول وصولاً إلى أربع وخمسين طيات.

عدد الطيات	عدد الثقوب	التحليل إلى العوامل الأولية
1	2	2
2	4	2×2
3	8	$2 \times 2 \times 2$
4	16	$2 \times 2 \times 2 \times 2$
5	32	$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$

التفسير

1. ما العدد الأولي الذي سجلته في كل تحليل إلى العوامل الأولية؟ **2**

2. كم عدد الثقوب التي ستنتج إذا طويت الورقة ثمان مرات؟ اكتب تحليل ذلك العدد إلى العوامل الأولية.

$256; 2 \times 2$

3. **الممارسة** فهم طبيعة المسائل كيف يمكنك التحقق من أن تحليلك إلى العوامل الأولية صحيح؟

الإجابة النموذجية: اضرب العوامل معًا لمعرفة إذا كان ناتج الضرب هو نفسه عدد الثقوب.

الاسم _____

نشاط عملي

أنماط التحليل إلى العوامل الأولية

الدرس 2

السؤال الأساسي

ما الإستراتيجية التي يمكن استخدامها لضرب الأعداد الكبيرة؟

التصميم

يمكنك إنشاء نمط باستخدام ورقة وخرامة ورق. عن طريق طي الورقة وعمل ثقوب فيها وعدّ تلك الثقوب، يمكنك استنتاج أحد الأنماط.

1. تم بطي ورقة نصفيين وعمل ثقب واحد. افتح الورقة.

كم عدد الثقوب الموجودة في الورقة؟ **2**

أوجد تحليل عدد الثقوب إلى العوامل الأولية. **2**

2. تم بطي ورقة إلى نصفيين مرتين وعمل ثقب.

اسط الورقة. كم عدد الثقوب الموجودة في الورقة؟ **4**

ما ناتج تحليل عدد الثقوب إلى العوامل الأولية؟ **2×2**

3. أكمل الجدول لطية واحدة ولثنتين وثلاث طيات.

عدد الطيات	عدد الثقوب	التحليل إلى العوامل الأولية
1	2	2
2	4	2×2
3	8	$2 \times 2 \times 2$

التدريب

اطلب من الطلاب إكمال التمارين الموجودة في صفحة "التدريب" بمفردهم أو في مجموعات ثنائية أو في مجموعات صغيرة. قد ترغب في الاستعانة بأحد المتطوعين من الوحدة لتوضيح كيفية إكمال التمرين 4 باستخدام ورقة وخرامة الورق. مع شرح كل خطوة. أشر إلى أن النمط الذي استكشفوه في النشاط لن ينطبق على هذه التمارين لأن عدد الثقوب المخرومة مختلف. بينما يعمل الطلاب على إكمال التمارين. راقب تقدمهم وقدم يد العون لهم وتدخل عند الحاجة إلى ذلك.

التطبيق

استخدم التمارين الموجودة في هذه الصفحة لتعزيز مهارات حل المسائل وطريقة استخدام النماذج لإيجاد أنماط التحليل إلى العوامل الأولية.

4 استخدام نماذج الرياضيات

التمارين 8-10 استخدم المعلومات الواردة في الجدول للمساعدة على إيجاد النمط. ساعد الطلاب على إدراك أن عدد الخلايا تضاعف عند تقسيم الخلايا.

1 فهم طبيعة المسائل

التمرين 11 إذا كان الطلاب يواجهون صعوبة، فاطلب منهم إيجاد النمط في العمود الثالث. ينبغي عليهم إدراك أن العدد يتضاعف في كل مرة. اطلب منهم مقارنة 32,768 مع 16,384. سيساعدهم هذا على إيجاد عدد التقسيمات.

الاستفادة من السؤال الأساسي

يتيح تمرين "كتابة فقرة" فرصة للطلاب للتفكير في الموضوع وتكوين فهم مطلوب للإجابة عن السؤال الأساسي في الوحدة.

التطبيق

استخدم المعلومات الواردة أدناه لحل التمارين 8-11. تم استخدام خلية جلدية في مختبر العلوم. تنقسم الخلية الجلدية إلى خليتين يوميًا. ثم تنقسم الخلية إلى خليتين مرة أخرى في اليوم التالي يليه.

عدد الخلايا	عدد الأيام المتبقية
2	1
4	2
8	3
16	4
32	5

8. بعد العديد من الانقسامات، أصبح هناك 64 خلية. كم عدد الأيام المتبقية؟
6 أيام

9. كم عدد الخلايا الجلدية التي ستصبح موجودة بعد مضي 8 أيام؟
256 خلية

10. كم عدد الأيام المطلوب أن تنضي قبل أن يصبح هناك ما يزيد من 2,000 خلية؟
11 يومًا

11. **الممارسة** وضع خطة بعد مضي 15 يومًا، أصبح هناك 32,768 خلية. كم عدد الأيام التي انقضت قبل أن يصبح هناك ما يقرب من 16,384 خلية؟
14 يومًا

كتابة فقرة

12. كيف يمكنك استخدام الأنماط لوصف العلاقات؟
الإجابة النموذجية: يمثل عدد الثقوب الموجودة في الورقة نمطًا مرتبطًا بالعوامل الأولية والتحليل إلى العوامل الأولية.

التدريب

4. استخدم ورقة وخرامة ورق لإكمال الجدول أدناه. ابدأ ببطي الورقة إلى نصفين وأثنى 3 ثقوب. استخدم ورقة جديدة في كل مرة تزيد فيها من عدد الثقوب.

عدد الثقوب	عدد الثقوب	التحليل إلى العوامل الأولية
1	6	2×3
2	12	$2 \times 2 \times 3$
3	24	$2 \times 2 \times 2 \times 3$
4	48	$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3$
5	96	$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3$

أوجد نمطًا لإكمال الجداول في التمارين 5-7.

5.

عدد الثقوب	عدد الثقوب	التحليل إلى العوامل الأولية
1	10	2×5
2	20	$2 \times 2 \times 5$
3	40	$2 \times 2 \times 2 \times 5$
4	80	$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 5$
5	160	$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 5$

6.

عدد الثقوب	عدد الثقوب	التحليل إلى العوامل الأولية
1	14	2×7
2	28	$2 \times 2 \times 7$
3	56	$2 \times 2 \times 2 \times 7$
4	112	$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 7$
5	224	$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 7$

7.

عدد الثقوب	عدد الثقوب	التحليل إلى العوامل الأولية
1	18	$2 \times 3 \times 3$
2	36	$2 \times 2 \times 3 \times 3$
3	72	$2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3$
4	144	$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3$
5	288	$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3$

واجباتي المنزلية

قم بتكليف الطلاب بواجب منزلي بعد إكمال الدرس بنجاح. يمكن للطلاب الذين يستوعبون المفاهيم تخطي قسم **مساعد الواجب المنزلي**.

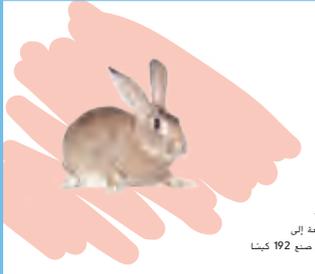
حل المسائل

8 الاستنتاجات المتكررة

التمرين 5 يعرف علم الطلاب مصطلحي الرصيد والإيداع. أجر مناقشة قصيرة مع الطلاب حول المصطلحات المصرفية.

التفكير والتوضيح

وسّع المفهوم بداية من نشاط "التصميم" عن طريق سؤال الطلاب عن عدد الثقوب الموجودة في حالة إنشاء 9 طيات. **512 ثقبًا**



حل المسائل

2. تضاعف عدد الأرانب ثلاث مرات شهرياً. بدأ العدد بأربعين. كم عدد الأرانب الموجودة بعد مضي ثلاثة أشهر؟

54 أرنبًا

3. ثلاثة من الأصدقاء يصنع كل منهم 4 أكياس من عجينة الخبز. بعد مضي عشرة أيام، يتنضم كل كيس من هذه الأكياس الأربعة إلى أربعة أكياس إضافية من العجين. كم عدد الأيام التي تمر قبل صنع 192 كيتنا من العجين؟

20 يومًا

4. أرسل سامي رسالة إلكترونية إلى 3 من الأصدقاء يوم الاثنين. أرسل كل صديق بعد ذلك رسالة إلكترونية إلى 3 من الأصدقاء يوم الثلاثاء، ثم أرسل كل صديق رسالة إلكترونية إلى 3 من الأصدقاء يوم الأربعاء. اكتب تحليل عدد الرسائل الإلكترونية المرسله يوم الأربعاء إلى العوامل الأولية.

3 × 3 × 3

5. **التمارين** **8** **البحث عن نمط** فتحت شيما حساب ائحةار وأودعت 10 AED فيه. إذا تضاعف الرصيد في حسابها كل شهر، فكم يبلغ الرصيد الموجود في الحساب بعد مضي 4 أشهر؟

AED 160

6. طوت ميار ورقة إلى نصفين ثلاث مرات. بعد ذلك خرمت 3 ثقوب في الورقة. كم عدد الثقوب الموجودة في الورقة عند بسطها؟

24 ثقبًا

الواجبات المنزلية

مساعد الواجب المنزلي

يظهر فيها يلي تصميم يعرض المثلثات متساوية الأضلاع. ينتم المثلث إلى أربعة مثلثات أصغر متساوية في الحجم كما هو موضح. بعد ذلك، ينضم كل مثلث من المثلثات الأربعة إلى مثلثات أصغر متساوية في الحجم. إذا استمر هذا النمط، فكم عدد المثلثات التي ستكون موجودة في الشكل 3؟

في الشكل 1. يوجد 4 مثلثات. في الشكل 2. يوجد 16 مثلثًا.

كم عدد المثلثات التي ستكون موجودة في الشكل 3؟

يظهر الجدول أرقام الشكل وعدد المثلثات المكونة وتحليل عدد المثلثات إلى العوامل الأولية.

رقم الشكل	عدد المثلثات المكونة	التحليل إلى العوامل الأولية
1	4	2 × 2
2	16	2 × 2 × 2 × 2
3	64	2 × 2 × 2 × 2 × 2 × 2

باتباع النمط، يوجد 64 مثلثًا في الشكل 3.

تمرين

1. أكمل الجدول بالتحليل إلى العوامل الأولية.

رقم الشكل	عدد المثلثات المكونة	التحليل إلى العوامل الأولية
4	256	2 × 2 × 2 × 2 × 2 × 2 × 2 × 2
5	1,024	2 × 2 × 2 × 2 × 2 × 2 × 2 × 2 × 2 × 2

هدف الدرس

يستخدم الطلاب القوى والأسس في التعابير.

تنمية المفردات

مفردات جديدة

الأساس (base)

مكعب (cubed)

الأس (exponent)

القوة الأسية (power)

مربع (squared)

النشاط

- **مراجعة الدقة** اكتب كلمة الأساس على السبورة. ثم، اكتب كلمة الأس بأحرف صغيرة أعلى الزاوية اليسرى. يجب أن يبدو المثال هكذا: الأساس الأس.
- اشرح للطلاب أنه، في الرياضيات، الأساس يثبت العدد الكلي، بينما يصف الأس عدد مرات استخدام عدد الأساس كعامل.
- اطلب من الطلاب كتابة هذا المثال على أحد بطاقات المفردات الفارغة لهذا الدرس كتذكير بمعنى كل كلمة.

التركيز

اشرح الأنماط الموجودة في عدد أصفار الناتج عند ضرب عدد في القوى الأسية للعدد 10. واطرح الأنماط الموجودة في وضع نقطة عشرية عند ضرب كسر عشري أو قسمته على القوة الأسية للعدد 10. استخدم أسساً مكونة من أعداد كلية للإشارة إلى القوى الأسية للعدد 10.

المهارات

- 1 فهم طبيعة المسائل والمثابرة في حلها
- 2 التفكير بطريقة تجريدية وبطريقة كمّية
- 4 استخدام نماذج الرياضيات
- 6 مراعاة الدقة
- 7 محاولة إيجاد البنية واستخدامها
- 8 البحث عن التوافق في الاستنتاجات المتكررة والتعبير عنه

الترابط المنطقي

الربط بالموضوعات الرئيسية

الربط بمجال التركيز المهم التالي: 2. توسيع القسمة إلى مقسوم عليه مكون من رقمين، ودمج الكسور العشرية في نظام القيمة المكانية وتطوير فهم العمليات المتعلقة بالكسور العشرية والأجزاء من أجزاء من مئة. والتعمير في عمليات الأعداد الكلية والعشرية.

الدقة

تزداد صعوبة التمارين مع تقدّم الدرس. ومع ذلك، قد يتباين تفكير الطلاب الفردي خلال عملية الممارسة الموسّعة.

مستويات الصعوبة

- المستوى 1 استيعاب المفاهيم
 - المستوى 2 تطبيق المفاهيم
 - المستوى 3 التوسّع في المفاهيم
- تمرين 1
التمارين 2-15
التمارين 16-19

2 الاستقصاء واستخدام النماذج

مراجعة

مسألة اليوم

ما العدد الذي يزيد على العدد 3,045,101 بمليون ومئة ألف وواحد؟ اكتب إجابتك بالصيغة القياسية وبالكلمات. **4,145,102؛ أربعة مليون ومئة وخمسة وأربعين ألف ومئة واثنين**

4 استخدام نماذج الرياضيات يمكن للطلاب استخدام جدول القيمة المكانية لحل هذه المسألة. شجّع الطلاب على مناقشة إستراتيجياتهم بصوت مرتفع مع بقية الطلاب في الوحدة.

تمرين سريع

استخدم هذا النشاط كمراجعة سريعة وتقويم للدرس السابق.

الربط مع الأدب

اقرأ أحد الكتب العامة، مثل "ج جوجول: كتاب أبجدي في الرياضيات": G is for Googol: A Math Alphabet Book تأليف دي م. شوارتز، لتهيئة الطلاب لهذا الدرس.



تمثيل المسائل الرياضية

الهدف: المهارة والتمرس الإجرائيان

المواد: الآلة الحاسبة

اكتب التعبيرات التالية على السبورة:

$$5 \times 5$$

$$3 \times 3 \times 3$$

$$2 \times 2 \times 2 \times 2$$

$$1 \times 1 \times 1 \times 1 \times 1$$

امنح الطلاب 30 ثانية لتقويم كل تعبير ذهنيًا.

ما هي الحلول؟ **16؛ 27؛ 25**

باستخدام آلة حاسبة، اشرح كيف تجد نفس القيم باستخدام الأسس.

$$5^2 \quad 3^3 \quad 2^4 \quad 1^5$$

قارن النتائج بالحلول أعلاه.

كيف تقارن النتائج؟ **الإجابة النموذجية: الحلول متساوية.**

الرياضيات في حياتنا

مثال 1

اكتب 10^3 على السبورة.

10^3 هو ناتج أي عامل؟ 10 ماذا تسمى 10 ؟ الأساس

ما الأس؟ 3 كم عدد مرات ضرب 10 ؟ 3

أوجد قيمة $10 \times 10 \times 10$. كم عدد السرعات الحرارية الموجودة في ست فطائر؟ $1,000$

2 **التنكير بطريقة كمية** اطلب من الطلاب شرح العلاقة بين الأسس وعدد العوامل.

مثال 2

7 **استخدام البنية ما هو الأساس؟** 3

اكتب 3 على السبورة مع خط صغير في المكان الذي سيكتب فيه الأس.

ما الذي يمثله هذا الخط؟ **الأس** ويمكن أن نقول أيضًا إنه عدد مرات استخدام 3 كامل. ما الأس؟ 4

اكتب 4 فوق الخط على السبورة.

كيف يمكن كتابة التعبير في صورة قوة أسية؟ 34

مثال 3

الخطوة 1 استخدم الخطوات من الدرس 1 لإكمال شجرة العوامل.

الخطوة 2 اكتب العوامل الأولية من الأصغر إلى الأكبر.

الخطوة 3 اكتب ناتج العوامل المتطابقة باستخدام الأسس.

تمرين موجه

ساعد الطلاب في حل التمارين الواردة في جزء "تمرين موجه". تحقق للتأكد من أن الطلاب على دراية بالمصطلحات لحل هذه المسألة.

حديث في الرياضيات: محادثة تعاونية

1 **المتابرة في حل المسائل** اشرح كيف تساعدك شجرة العوامل في كتابة العوامل

الأولية لعدد باستخدام الأسس. الإجابة النموذجية: تظهر شجرة العوامل جميع العوامل

الأولية. ثم يمكنك كتابة العوامل باستخدام الأسس.

مثال 2

اكتب $3 \times 3 \times 3 \times 3$ باستخدام أس.

الأساس هو 3 . نظرًا لاستخدام العدد 3 في صورة عامل **أربع** مرات.

فالأس هو 4 .

اكتب في صورة قوة أسية. $3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^4$.

مثال 3

اكتب تحليل العدد 72 إلى العوامل الأولية باستخدام الأسس.

أكمل شجرة العوامل.

2 رتب العوامل من الأصغر إلى الأكبر.

اكتب ناتج ضرب العوامل المتطابقة باستخدام الأسس.

إذًا: $72 = 2^3 \times 3^2$

تمرين موجه

1. اكتب $4 \times 4 \times 4 \times 4$ باستخدام الأس.

الأساس هو 4 . نظرًا لاستخدام العدد 4 في صورة عامل **أربع** مرات.

فالأس يساوي 4 .

$4 \times 4 \times 4 \times 4 = 4^4$

الشرح كيف تساعدك شجرة العوامل على كتابة تحليل عدد إلى العوامل الأولية باستخدام الأسس.

القوى والأسس

الدرس 3

السؤال الأساسي

لغرض الأعداد الكلية؟

يمكن كتابة ناتج ضرب عوامل متطابقة باستخدام الأسس والأس. يحدد **الأساس** العدد المستخدم في صورة عامل. يوضح **الأس** عدد مرات استخدام الأساس في صورة عامل.

الرياضيات في حياتنا

مثال 1

يمكن كتابة عدد السرعات الحرارية الموجودة في ست فطائر في صورة 10^3 . اكتب 10^3 في صورة ناتج ضرب العامل نفسه. ثم أوجد القيمة.

الأس $10^3 = 10 \times 10 \times 10$

الأساس 3 عوامل

$10 \times 10 \times 10 = 1,000$

تحتوي الفطائر الست على $1,000$ من السرعات الحرارية.

الشرح	القوى
2 إلى القوة الأسية الخامسة	2^5
القوة الأسية الثانية للعدد 3 أو تربيع العدد 3	3^2
القوة الأسية الثالثة للعدد 10 أو مكعب العدد 10	10^3

تعرف الأعداد الغير عنها باستخدام الأسس باسم **القوى الأسية**. يوجد أسماء خاصة للأعداد المرفوعة إلى القوة الأسية الثانية أو الثالثة.

تمارين ذاتية

RtI استنادًا إلى ملاحظتك، يمكنك اختيار تكليف الطلاب بالتمارين حسب ما هو موضح في المستويات أدناه:

- **قريب من المستوى** قم بتكليف الطلاب بالتمارين 18-19. (فردى) 3-17.
- **ضمن المستوى** قم بتكليف الطلاب بالتمارين 17-19. (لي جوز) 2-16.
- **أعلى من المستوى** قم بتكليف الطلاب بالتمارين 19-12.

حل المسائل

1 المثابرة في حل المسائل

التمرين 16 قد يحتاج الطلاب إلى المساعدة لفهم كيفية إيجاد قيمة الوحدات المكعبة. اشرح كيف يكون إيجاد المكعب هو نفسه ضرب المقاييس الثلاثة لقفص الطيور.

8 الاستنتاجات المتكررة

التمرين 17 قد يحتاج الطلاب إلى تذكيرهم بأن $28 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$ يعني $2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$.

2 التفكير بطريقة كمية

التمرين 18 ذكّر الطلاب بمقارنة الأساسات وإيجاد كل قيمة لمعرفة أيهما ستكون الأكبر.

الاستفادة من السؤال الأساسي

التمرين 19 اطلب من الطلاب الاعتماد على استيعابهم للمفاهيم اللازمة للإجابة عن السؤال الأساسي للوحدة.

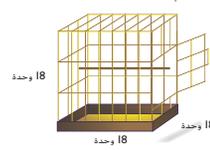
التتويج التكويني

التلخيص اطلب من الطلاب كتابة ملخص يشرح ما الذي تعلموه اليوم.

انظر الصفحة التالية للاطلاع على خيارات **التدريس المتميز**.

حل المسائل

16. لإيجاد الحيز الذي يشغله قفص الطيور الذي يأخذ شكل المكعب، أوجد مكعب قياس أحد الجوانب في قفص الطيور. عيّن من الحيز الذي يشغله قفص الطيور في صورة قوة أسية. بعد ذلك أوجد البعدار بوحدات مكعبة.



18 وحدة

18 وحدة

18 وحدة

وحدة مكعبة 18^3 ; 5,832

17. يعدّ الناب الواحد في الحبل الإريثري والذي وصل وزنه إلى أكبر من 28 رطلاً أكبر سن تم تسجيلها في أي حيوان معاصر، ما الوزن التقريبي للناب بالأرطال؟ **256 lb**

تأملات التفكير لادنيا

18. **الممارسة** السبب أيها أكثر، 3^5 أو 5^3 ؟ اشرح استنتاجك.
 $3^5 = 243$ و $3^5 = 125$ و $5^3 = 125$ نظرًا لاستخدام الأساس
في 3^5 في صورة عامل عدد مرات أكبر من 5^3

19. **الاستفادة من السؤال الأساسي** ما المخطط بالتعبير عن ناتج ضرب العوامل باستخدام الأسس؟
الإجابة النموذجية: بعد استخدام الأسس طريقة مختصرة لعملية الضرب المتكررة.

تمارين ذاتية

اكتب ناتج ضرب كل مما يلي مستخدمًا الأس.

$2 \cdot 10 \times 10 = 10^2$	$3 \cdot 8 \times 8 \times 8 \times 8 = 8^4$
$4 \cdot 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^6$	$5 \cdot 5 \times 5 \times 5 \times 5 = 5^5$
$6 \cdot 9 \times 9 \times 9 \times 9 = 9^4$	$7 \cdot 1 \times 1 \times 1 \times 1 \times 1 = 1^5$

اكتب القوة الأسية في صورة ناتج ضرب العامل نفسه، ثم أوجد القيمة.

$8 \cdot 10^4 = 10 \times 10 \times 10 \times 10; 10,000$	
$9 \cdot 3^2 = 3 \times 3; 9$	
$10 \cdot 9^3 = 9 \times 9 \times 9; 729$	
$11 \cdot 6^5 = 6 \times 6 \times 6 \times 6 \times 6; 7,776$	

اكتب تحليل كل عدد إلى العوامل الأولية باستخدام الأسس.

$12 \cdot 25 = 5^2$	$13 \cdot 56 = 2^3 \times 7$
$14 \cdot 68 = 2^2 \times 17$	$15 \cdot 88 = 2^3 \times 11$

أعلى من المستوى التوسع

نشاط عملي المواد: لا شيء

قد تمثل قوى مختلفة نفس العدد. على سبيل المثال 34 و92 كلاهما يمثل 81. اطلب من الطلاب إيجاد ثنائيات أخرى من القوى تربطها هذه العلاقة. بعد العثور على العديد من الثنائيات، يصبح بإمكان الطلاب تحديد نمط ثم قد يكون بإمكانهم إيجاد العديد من الثنائيات تربطها هذه العلاقة.

ضمن المستوى المستوى 1

نشاط عملي المواد: ورق، قلم رصاص

أخبر الطلاب أنه عندما كانت أعمارهم عامًا واحدًا و4 أعوام و9 أعوام فإنها كانت مربعات كاملة. عندما كانت أعمارهم عامًا واحدًا و8 أعوام فإنها كانت مكعبات كاملة. اطلب من الطلاب التفكير عند أي عمر مقبل ستكون أعمارهم مربعًا كاملًا ومكعبًا كاملًا. ومن هناك اطلب منهم كتابة الجمل التالية لإكمال أوراقهم.

أنا عمري _____ <العمر الحالي>. في العام _____ سيصبح عمري مربعًا كاملًا. سيكون عمري _____ عام. في العام _____ سيصبح عمري مكعبًا كاملًا وسوف يكون _____ عام.

قريب من المستوى المستوى 2: التدخل الإستراتيجي

نشاط عملي المواد: أقلام تظليل، ورق

أعط كل طالب قلمي تظليل أصفر وأخضر. اطلب من الطلاب إنشاء مفتاح للرموز يوضح أن الأصفر يمثل الأساس والأخضر يمثل الأس. ساعد الطلاب في كتابة تعريفات للأساس والأس بكلماتهم. شجع الطلاب على حل التمارين الذاتية واستخدام المفتاح الخاص بهم لتظليل الأرقام الصحيحة.

واجباتي المنزلية

قم بتكليف الطلاب بواجب منزلي بعد إكمال الدرس بنجاح. يمكن للطلاب الذين يستوعبون المفاهيم تجاوز قسم **مساعد الواجب المنزلي**.

حل المسائل

8 الاستنتاجات المتكررة

التمرين 7 كيف يمكنك إثبات أن إجابتك صحيحة؟

مراجعة المفردات

اطلب من الطلاب الرجوع إلى المثال على الأساس والأس من النشاط الموجود في بداية الدرس.

تمرين على الاختبار

تشخيص أخطاء الطلاب

قد تشير توجهات الصف نحو الإجابات الخاطئة إلى وجود أخطاء أو سوء فهم شائعين بين الطلاب.

- A وجد الطالب 4^2
- B وجد الطالب 4^3
- C إجابة صحيحة
- D وجد الطالب 4^5

التقويم التكويني

بطاقة التحقق من استيعاب الطلاب لتقويم استيعاب الطلاب للمفهوم. اطلب منهم الإجابة على المحفزات التالية.

- ما هو الأساس في 8^4 ؟ **8** ما هو الأس؟ **4**
- كيف يمكن كتابة 8^4 باستخدام الضرب المتكرر؟
 $8 \times 8 \times 8 \times 8$
- ما هي قيمة 8^4 ؟ **4,096**

حل المسائل

7. **الممارسة** البحث عن نهج تعدد سلالة كلاب نيوفونديلاند أكبر سلالة موجودة من الكلاب. بحل وزن الكلب ما يربط من 10×10 أرطال. اكتب 10×10 باستخدام الأس. ثم أوجد قيمة القوة كم عدد الأبطال التي بزعا كلب نيوفونديلاند؟
 10^2 : 100 رطل

8. تصل مساحة مقاطعة سان بيرناردينو في كاليفورنيا، المقاطعة الأكبر في الولايات المتحدة، إلى 8^4 كيلومترًا مربعًا تقريبًا. اكتب هذا في صورة تعبير. كم تبلغ مساحة مقاطعة سان بيرناردينو؟
 $8 \times 8 \times 8 \times 8$: حوالي 32,768 كيلومترًا مربعًا

مراجعة المفردات

أملأ الفراغ بالمصطلح أو العدد الصحيح لإكمال الجملة.

9. تعرف الأعداد العجبر عنها باستخدام الأسس باسم **القوى**.

10. يشير الأس إلى عدد مرات استخدام **الأساس** في صورة عامل.

تمرين على الاختبار

11. بحل وزن الشخص الذي وزن 100 كيلوجرام على الأرض إلى $4 \times 4 \times 4 \times 4$ كيلوجرامًا على المشتري. قدر التعبير لإيجاد كم سيوزن الشخص الذي وزن 100 كيلوجرام على المشتري.

Ⓐ 16 كيلوجرامًا Ⓑ 256 كيلوجرامًا
Ⓒ 64 كيلوجرامًا Ⓓ 1,024 كيلوجرامًا

واجباتي المنزلية

الاسم: _____

الدرس 3
القوى والأسس

مساعد الواجب المنزلي

اكتب $6 \times 6 \times 6$ باستخدام الأس.
الأساس يساوي 6. نظرًا لاستخدام العدد 6 في صورة عامل ثلاث مرات، فإن الأس يساوي 3.
إذًا، $6^3 = 6 \times 6 \times 6$

تمرين

اكتب ناتج ضرب كل مما يلي مستخدمًا الأس.

1. $10 \times 10 \times 10 = 10^3$ 2. $12 \times 12 = 12^2$

اكتب القوة الأسية في صورة ناتج ضرب العامل نفسه.
ثم أوجد القيمة.

3. $3^7 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3$; 2,187

4. $10^6 = 10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10$; 1,000,000

اكتب تحليل كل عدد إلى العوامل الأولية باستخدام الأسس.

5. $20 = 2^2 \times 5$ 6. $50 = 2 \times 5^2$

حقوق الطبع والنشر © مجموعة المساهمة مؤسسة McGraw-Hill Education

هدف الدرس

يستخدم الطلاب الحقائق والأنماط الأساسية لضرب مضاعفات 10 و100 و1,000 ذهنيًا.

تنمية المفردات

مفردات جديدة

القوى الأسية للعدد 10 (powers of 10)

النشاط

- 7 البحث عن أنماط اكتب العبارة القوى الأسية للعدد 10 على السبورة. اطلب من الطلاب شرح ما يعرفونه عن الضرب في 10 أو 100 أو 1,000.
- اطلب منهم كتابة مثال على معادلة ضرب يكون فيها أحد العوامل القوة الأسية للعدد 10 وقيم بتسمية كل جزء بالمصطلح الصحيح.
- اطلب من الطلاب تلخيص المثال 2. مع شرح كيف يمكن للقوى الأسية للعدد 10 مساعدتهم على الضرب ذهنيًا.

التركيز

اشرح الأنماط الموجودة في عدد أصفار الناتج عند ضرب عدد في القوى الأسية للعدد 10. واطرح الأنماط الموجودة في وضع نقطة عشرية عند ضرب كسر عشري أو قسمته على القوة الأسية للعدد 10. استخدم أسسًا مكونة من أعداد كلية للإشارة إلى القوى الأسية للعدد 10.

المهارات

- 1 فهم طبيعة المسائل والمثابرة في حلها.
- 2 التفكير بطريقة تجريدية وبطريقة كمّية.
- 7 محاولة إيجاد البنية واستخدامها.
- 8 البحث عن التوافق في الاستنتاجات المتكررة والتعبير عنه.

الترباط المنطقي

الربط بالموضوعات الرئيسية

الربط بهيكل التركيز المهم التالي: 2. توسيع القسمة إلى مقسوم عليه مكون من رقمين. ودمج الكسور العشرية في نظام القيمة المكانية وتطوير فهم العمليات المتعلقة بالكسور العشرية والأجزاء من أجزاء من مئة والتمرس في عمليات الأعداد الكلية والعشرية.

الدقة

تزداد صعوبة التمارين مع تقدّم الدرس. ومع ذلك، قد يتباين تفكير الطلاب الفردي خلال عملية الممارسة الموسّعة.

مستويات الصعوبة

- المستوى 1 استيعاب المفاهيم
- المستوى 2 تطبيق المفاهيم
- المستوى 3 توسيع المفاهيم
- التمارين 1-2
- التمارين 3-12
- التمارين 13-20

2 الاستقصاء واستخدام النماذج

مراجعة

مسألة اليوم

هناك عدد يقع بين 3 و6 يتضمن 6 في منزلة الجزء من العشرة و4 في منزلة الجزء من المئة. وهناك عدد آخر يقع بين 3 و4 يتضمن 3 في منزلة الجزء من العشرة و0 في منزلة الجزء من المئة و9 في منزلة الجزء من الألف. أي الأعداد أكبر؟ $3.309 < 3.64$

1 فهم طبيعة المسائل اطلب من الطلاب الذين يواجهون صعوبة استخدام مخطط القيمة المكانية لمساعدتهم في تنظيم الأرقام.

تمرين سريع

استخدم هذا النشاط كمراجعة سريعة وتقويم للدرس السابق.

الربط مع الأدب

اقرأ أحد الكتب العامة، مثل "أفضل الأوقات" *The Best of Times* من تأليف جريج تانج، لتهيئة الطلاب لهذا الدرس.



تمثيل المسائل الرياضية

الهدف: المهارة والتمرس الإجرائيان

المواد: ورق ملاحظات

اطلب من كل طالب ثني ورقة مسطرة لإنشاء 3 أعمدة. أخبر الطلاب أن يسموا العمود الأول "الحقيقة الأساسية 4×9 " وأن يكتبوا هذه المعادلات في العمود:

$$4 \times 9 = 36; 4 \times 90 = 360; 4 \times 900 = 3,600$$

وضح. أخبر الطلاب أن يسموا العمود الثاني "الحقيقة الأساسية 7×8 " وأن يكتبوا ما يلي في العمود:

$$7 \times 8 = 56; 7 \times 80 = 560; 7 \times 800 = 5,600$$

حدد الأصفار.

ما النمط الذي تراه؟ عند الضرب في أحد مضاعفات العدد 10، يتضمن ناتج الضرب صفراً.

عند الضرب في أحد مضاعفات العدد 100، يكون هناك صفاران.

برأيك ماذا يحدث إذا ضربت في أحد مضاعفات العدد 1,000؟ يتضمن ناتج الضرب 3 أصفار.

الرياضيات في حياتنا

مثال 1

اقرأ المثال بصوت مرتفع.

انظر إلى الجدول. لاحظ نمط الأضفار في القوى الأسية للعدد 10.

وضح أن هناك صفراً واحداً يزيد في كل عدد.

عندما نجد ناتج ضرب العدد 2 في القوة الأسية للعدد 10، كم عدد الأضفار الموجودة في ناتج الضرب؟

حل كل مسألة على السبورة لإظهار عدد الأضفار الموجودة.

يمكننا أن نلاحظ أن عدد الأضفار يزيد بزيادة القوة الأسية للعدد 10.

7 البحث عن أنماط ما ملاحظتك على نواتج الضرب عند الضرب في القوى الأسية للعدد عشرة؟ الإجابة النموذجية: ألاحظ أنه في كل مرة ضربت العدد في 10، أضفت صفراً في نهايته. وهذا أمر منطقي لأن قيمة كل رقم تكبر بمقدار 10 مرات.

مثال 2

8 الاستنتاجات المتكررة استخدم الرياضيات الذهنية لإيجاد ناتج الضرب.

لاحظ أن الأس وعدد الأضفار متماثلان.

مثال 3

ابدأ بالحقيقة الأساسية. ثم استخدم الرياضيات الذهنية للضرب.

نظراً لاحتواء كلا العاملين على أضفار، تأكد من أن الطلاب يفهمون أنه ينبغي لهم جمع عدد الأضفار للحصول على المقدار الصحيح.

تمرين موجه

وجه الطلاب خلال حل تمارين "تمرين موجه". تحرك في الغرفة للتأكد من أن جميع الطلاب يفهمون أنماط الضرب.

حديث في الرياضيات: محادثة تعاونية

8 الاستنتاجات المتكررة اشرح كيف تمكنت من إيجاد ناتج ضرب 29 و103 ذهنيًا. الإجابة النموذجية: يوجد 3 أضفار في 103. أضف 3 أضفار إلى يمين 29. ناتج الضرب يساوي 29,000.

أنماط الضرب

الدرس 4

السؤال الأساسي ما الإستراتيجية التي يمكن استخدامها لضرب الأعداد الكلية؟

تضمن القوى الأسية للعدد 10 أعدادًا مثل 10، 100، و1,000. نظرًا لإمكانية كتابتها في صورة 10^1 و 10^2 و 10^3 .

الرياضيات في حياتنا

مثال 1

يحتاج متجر محال الحيوانات الأليفة إلى العديد من الأسماك الذهبية لبيعها. تبلغ تكلفة كل سمكة ذهبية 2 AED. استخدم الجدول لإيجاد تكلفة 10 و100 و1,000 سمكة ذهبية. صف النمط الموجود في عدد الأضفار عند ضرب التكلفة التي تبلغ 2 AED في القوى الأسية للعدد عشرة.

تكلفة سمكة ذهبية (AED) واحدة	قوة العشرة	ناتج الضرب	عدد الأضفار في ناتج الضرب
2	$\times 1$	2	0
2	$\times 10$	20	1
2	$\times 100$	200	2
2	$\times 1,000$	2,000	3

يزيد عدد الأضفار في ناتج الضرب عند زيادة القوة الأسية للعدد عشرة. نصيف كل قوة أسية متتالية للعدد عشرة 1 صفرًا إلى ناتج الضرب.

كم عدد الأضفار الموجودة في ناتج ضرب العدد 7 في 100؟ **2**

كم عدد الأضفار الموجودة في ناتج ضرب العدد 21 في 10؟ **1**

كم عدد الأضفار الموجودة في ناتج ضرب العدد 12 في 1,000؟ **3**

مثال 2

أوجد ناتج 13×10^2 ذهنيًا.

1 اكتب 10^2 بدون أسس.

$$13 \times 10^2 = 13 \times 100$$

$$13 \times 100 = 1,300$$

2 احسب عدد الأضفار الموجودة في القوة الأسية للعدد 10.

$$10^2 = 100$$

$$10^2 = 100$$

3 اكتب الأضفار إلى الجانب الأيمن من العدد 13.

$$13 \quad 00$$

$$1,300$$

4 اشرح كيف تمكنت من إيجاد ناتج ضرب 29 و103 ذهنيًا.

$$29 \times 103 = 2,987$$

مثال 3

أوجد ناتج $40 \times 7,000$ ذهنيًا.

1 اكتب معطيات الضرب الأساسي.

$$4 \times 7 = 28$$

2 احسب عدد الأضفار في كل عامل.

$$40 \times 7,000$$

$$280,000$$

3 اكتب الأضفار إلى يمين ناتج الضرب بداية من الخطوة 1.

$$28 \quad 0000$$

$$280,000$$

4 اشرح كيف تمكنت من إيجاد ناتج ضرب 29 و103 ذهنيًا.

$$29 \times 103 = 2,987$$

تمرين موجه

أوجد ناتج ضرب كل مما يلي ذهنيًا.

$$1. 8 \times 10^2 = 800$$

$$10^2 = 100$$

$$8 \times 100 = 800$$

$$2. 14 \times 2,000 = 28,000$$

$$14 \times 2 = 28$$

$$14 \times 2,000 = 28,000$$

$$3. 3 \times 10^3 = 3,000$$

$$3 \times 1,000 = 3,000$$

$$4. 29 \times 103 = 2,987$$



2 التفكير بطريقة كمية

التمارين 16-19 يبحث الطلاب عن أس ناقص. يحتاج الطلاب إلى تذكر الأنماط وعد عدد الأصفار.

الاستفادة من السؤال الأساسي

التمرين 20 اطلب من الطلاب الاعتماد على استيعابهم للمفاهيم اللازمة للإجابة عن السؤال الأساسي للوحدة.

التتويج التكويني

الصياغة الموجهة اطلب من الطلاب صياغة تعريف القوى الأسية للعدد 10 بأسلوبهم الخاص. شجعهم على تقديم مثال.

انظر الصفحة التالية للاطلاع على خيارات التدريس المتمايز.



تمارين ذاتية

استنادًا إلى ملاحظتك، يمكنك اختيار تكليف الطلاب بالتمارين حسب الموضح في المستويات أدناه:

- قريب من المستوى قم بتكليف الطلاب بالتمارين 14, 16, 17, 20 (فردية) 3-11.
- ضمن المستوى قم بتكليف الطلاب بالتمارين 13-20 (زوجية) 4-12.
- أعلى من المستوى قم بتكليف الطلاب بالتمارين 9-20.

حل المسائل

8 الاستنتاجات المتكررة

التمرين 14 اطلب من الطلاب قراءة المسألة بعناية لتحديد المعلومات الهامة. ساعد الطلاب في إيجاد النمط إذا كانوا يواجهون صعوبة.

حل المسائل

13. تحتوي كل علبة على 10² أقلام رصاص. يوجد في مخزن المدرسة 15 علبة أقلام رصاص. كم عدد الأقلام الموجودة في مخزن المدرسة؟
1,500 قلم رصاص

14. **الممارسة** الشرح إلى زميل تركض سريه بمتوسط 15 دقيقة يوميًا. تسعى إلى الركض لمدة 10² دقيقة في غضون 7 أيام. هل ستحقق هدفها للركض خلال 7 أيام؟ اشرح إلى زميل.
نعم؛ ستركض لمدة 7 × 15 أو 105 دقيقة في غضون 7 أيام. وهي أكبر من 100 دقيقة.

15. اشترت مجموعة من الأصدقاء 7 تذاكر لحضور عرض للخيول نظير AED 30 لكل منهم. ما المبلغ الذي أتعوه على شراء التذاكر؟
AED 210

الممارسة

استخدام الحصص العددي أوجد كل أس ناقص.

16. $40 \times 10^3 = 4,000$	17. $32 \times 10^3 = 32,000$
■ = 2	■ = 3
18. $80,000 = 10^3 \times 8$	19. $10,000 = 10 \times 10^3$
■ = 4	■ = 3

20. **الاستفادة من السؤال الأساسي** كيف يمكن استخدام الأنماط لإيجاد ناتج ضرب أحد الأعداد والقوة الأسية للعدد 10؟
الإجابة النموذجية: يمكنني استخدام الأنماط للضرب ذهنيًا وإيجاد عدد الأصفار في ناتج الضرب لجعل الحساب أكثر سهولة.

تمارين ذاتية

أوجد ناتج ضرب كل مما يلي ذهنيًا.

3. $13 \times 1,000 =$ 13,000	4. $37 \times 10^2 =$ 3,700
5. $9,000 \times 3 =$ 27,000	6. $8 \times 10^3 =$ 8,000
7. $21 \times 10^1 =$ 210	8. $9 \times 50 =$ 450

الجبر أوجد العدد الناقص.

9. ■ × 10 ⁴ = 70,000 ■ = 7	10. 300 × ■ = 120,000 ■ = 400
11. 100 × ■ = 900 ■ = 9	12. ■ × 10 ² = 4,400 ■ = 44

أعلى من المستوى التوسع

نشاط عملي المواد: قرص دوار مرقم بالأعداد 1 و 2 و 3. مكعبي أعداد

يدرج الطالب مكعبات الأعداد للحصول على أرقام عاملين. يلف الطالب الآخر القرص الدوار مرتين لتحديد عدد الأصفار في كل عامل. اطلب من الطالبين كتابة المعادلات وإيجاد النواتج. اطلب من الطالب الكتابة عن متى تظهر الأصفار في العوامل وتأثيرها على ناتج الضرب.

ضمن المستوى المستوى 1

نشاط عملي المواد: مجموعة من بطاقات الفهرسة مرقمة من 1 إلى 9. مجموعتان من بطاقات الفهرسة مسماة 10×100 ؛ $100 \times 1,000$

يحصل كل طالب على مجموعة من البطاقات المرقمة من 1 إلى 9. ضع بطاقات مضاعفات "10" على أن يكون وجهها للأسفل على الطاولة. يقلب كل طالب بطاقتي أعداد. يتم قلب بطاقة "10" واحدة للمجموعة. يجب على الطلاب ضرب ناتج ضرب بطاقتهم بعدد مرات بطاقة العدد "10" وكتابة المجموع على ورقة. كرر النشاط 10 مرات. يوزع اللاعب الذي يكون إجمالي نقاطه أقرب إلى 100,000.

قريب من المستوى المستوى 2: التدخل الإستراتيجي

نشاط عملي المواد: بطاقات تعليمية

اطلب من الطلاب العمل في ثنائيات لمراجعة حقائق الضرب الأساسية باستخدام بطاقات تعليمية. اطلب أحد الطالبين أن يسأل أسئلة المتابعة مثل "ما ناتج 60×4 " أو "ما ناتج 60×40 " يمكن للطلاب كتابة المسائل والإجابات أسفل الحقيقة الأساسية.

واجباتي المنزلية

قم بتكليف الطلاب بواجب منزلي بعد إكمال الدرس بنجاح. يمكن للطلاب الذين يستوعبون المفاهيم تجاوز قسم **مساعد الواجب المنزلي**.

حل المسائل

1 فهم طبيعة المسائل

التمرين 9 أسأل الطلاب لماذا من المهم أن يكونوا قادرين على التقدير والضرب ذهنياً في مواقف الحياة اليومية. اطلب منهم تأليف سيناريو من الحياة اليومية حيث يمكنهم استخدام $10 \times 20 \times 30 \times 40$.

مراجعة المفردات

اشرح أن التمرين يحتوي على إشارة إلى المصطلح الناقص.

تمرين على الاختبار

تشخيص أخطاء الطلاب

قد تشير توجهات الصف نحو الإجابات الخاطئة إلى وجود أخطاء أو سوء فهم شائع بين الطلاب.

- A إجابة صحيحة
B قام بالضرب باستخدام 21 AED بدلاً من 12 AED
C قام بتبديل التكاليف عند الضرب في القوى الأسية للعدد 10
D قام بجمع التكلفة والضرب في 10^3

التتويج التكويني

التسلسل شجّع الطلاب على شرح كل خطوة أثناء حلهم للمسألة. اكتب $5,000 \times 20$ على السبورة. أسأل الطلاب عن كيفية إيجاد ناتج الضرب. **اضرب $10 = 2 \times 5$. عد الأصفار في العامل وضعها إلى يمين العدد 10. ناتج الضرب يساوي 100,000**

حل المسائل

7. لحماية أنفسهم من درجات الحرارة المرتفعة أو المنخفضة للغاية، تبيع التناجيج الأمريكية إلى حفر الجحور في الطين. بافتراض وجود 20 تساخا، وكل واحد منها حفر يبلغ 15 متراً، ما إجمالي طول جميع الجحور؟

300 m

8. تقرأ سعاد بمتوسط 20 صفحة يومياً لديها 6 أيام لقراءة 10^2 صفحة. هل ستنتهي من القراءة في غضون 6 أيام؟ اشرح.

نعم: يمكنها قراءة 20×6 أو 120 صفحة في غضون 6 أيام، وهو أكبر من 100 صفحة.

9. **الممارسة** فهم طبيعة المسائل اشرح كيف يمكن أن يؤدي استخدام الحقائق الأساسية إلى مساعدتك على إيجاد ناتج $10 \times 20 \times 30 \times 40$ ذهنيًا.

الإجابة النموذجية: يمكنك كتابة المعطى الأساسي وإيجاد ناتج ضربه.

بعد ذلك أضف 4 أصفار نظراً لوجود 4 أصفار في العوامل.

مراجعة المفردات

امدّ الفراغ بالمصطلح أو العدد الكلي لإكمال الجملة.

10. يُطلق على الأعداد مثل 10، 100، 1,000، وما إلى ذلك **القوى الأسية للعدد 10**.

تمرين على الاختبار

11. باع متجر 101 أقرص مدمجة و 10^2 مشغلات للأقرص المدمجة. إذا كانت تكلفة كل قرص مدمج 12 AED وتكلفة كل مشغل أقرص مدمجة 35 AED، فكم يبلغ إجمالي إيرادات المتجر؟

Ⓐ AED 15,500 Ⓒ AED 36,200
Ⓑ AED 24,500 Ⓓ AED 47,000

واجباتي المنزلية

الاسم: _____

الدرس 4
أنهات الضرب

مساعد الواجب المنزلي

تبلغ حمولة شاحنة 10^2 صناديق من أواح التزلج. وزن كل صندوق 16 كيلوجراماً، ما إجمالي وزن الصناديق؟

أوجد ناتج 16×10^2 ذهنيًا.

1. بدون أسس يساوي 100

2. يوجد صفران في 100

3. عد وضع الأصفار على الجانب الأيمن للعدد 16. يصبح الناتج 1,600

إذا ، إجمالي وزن الصناديق يساوي 1,600 كيلوجرام.

تمرين

أوجد ناتج ضرب كل مما يلي.

1. $70 \times 500 = 35,000$

2. $320 \times 10^2 = 32,000$

3. $56 \times 10^3 = 56,000$

4. $10^2 \times 72 = 7,200$

5. $80 \times 3,000 = 240,000$

6. $10^4 \times 31 = 31,000$

استقصاء حل المسائل الإستراتيجية: معلومات زائدة أو غير مذكورة

هدف الدرس

أن يحدد الطلاب المعلومات الزائدة أو الناقصة اللازمة لحل المسألة.

تطوير الإستراتيجية

ما الإستراتيجية؟

المعلومات الزائدة أو الناقصة سينظر الطلاب إلى المسألة ويحدّدوا ما إذا كانت توجد معلومات زائدة أو الناقصة. ثم يحاولون حل المسألة إن أمكن. أو سيذكرون المعلومات غير المذكورة في المسألة إذا لم يتمكنوا من حلها.

إستراتيجيات أخرى

هناك إستراتيجيات أخرى تمّ تعليمها للطلاب ويمكنهم استخدام صفحة مراجعة الإستراتيجيات وهي:

- رسم جدول.
- استخدام خطة الخطوات الأربع.

التركيز

إيجاد نواتج القسمة ذات الأعداد الكلية وباقي القسمة في المسائل التي تحتوي على مقسوم يصل حتى أربعة أرقام ومقسوم عليه مكون من رقمين باستخدام الإستراتيجيات القائمة على القيمة المكانية وخصائص العمليات والعلاقة بين الضرب والقسمة أو أي من ذلك. ووصف الاستراتيجية وشرح الاستدلال المستخدم.

المهام ستبيّنة المسائل والمثابرة في حلها.
2 التفكير بطريقة تجريدية وبطريقة كتيبة.
6 مراعاة الدقة.

التربط المنطقي

الربط بالموضوعات الرئيسة

يتم الربط بمجال التركيز المهم التالي: 2. التوسع في القسمة إلى مقسوم عليه مكون من رقمين. ودمج الكسور العشرية في نظام القيمة المكانية وتطوير فهم العمليات التي تحتوي على الكسور العشرية إلى الأجزاء من المئة، وتطوير إجابة العمليات على الأعداد الكلية والكسور العشرية.

الدقة

تزداد صعوبة التمرينات مع تقدّم الدرس.
ومع ذلك، قد يتباين تفكير الطلاب الفردي خلال عملية المعالجة الموسّعة.

مستويات الصعوبة

- المستوى 1 استيعاب المفاهيم
 - المستوى 2 تطبيق المفاهيم
 - المستوى 3 التوسّع في المفاهيم
- ممارسة الإستراتيجية
التمارين 1-4
التمارين 5-9

مراجعة

مسألة اليوم

كان لدى الآنسة آيات ثقب في حافظة العملات الخاصة بها. فقدت عملة من فئة 10 فلسات وعملة من فئة 25 فلساً كل يوم. وفي نهاية أسبوعين، تبقى معها عملة واحدة من فئة 10 فلسات.

كم مقدار النقود التي بدأت بها؟ **AED 5**

2 **التفكير بطريقة كمية** اطلب من الطلاب إعادة النظر في المسألة التي قاموا بحلها. اسأل ما العملية التي يحتاجون إلى استخدامها لحل هذه المسألة.

تمرين سريع

اتخذ من هذا النشاط مراجعة سريعة وتقويماً للدرس السابق.

تتوفر مراجعة إضافية في نهاية الوحدة.

موارد إضافية

الربط مع الأدب

اقرأ أحد الكتب العامة، مثل *Spaghetti and Meatballs for All* (معمرونة الإسباجيتي وكرات اللحم للجميع) من تأليف مارلين بيرنز، لإعداد الطلاب لهذا الدرس.

التهيئة

قدم المسألة التالية للطلاب.

يأخذ ريان الكلاب للتمشية في الحي الذي يعيش فيه بعد المدرسة كل يوم. أخذ إجمالي 38 كلباً للتمشية في 5 أيام. إذا كان قد أخذ نفس العدد من الكلاب للتمشية كل يوم، فكم عدد الكلاب الذين أخذهم للتمشية كل يوم تقريباً؟

هل يتطلب حل المسألة تقديرًا أم إجابة دقيقة؟ اشرح. تقدير لأن الإجابة تسأل عن عدد الكلاب الذين أخذهم ريان كل يوم تقريبًا.

حدّد تقديرًا منطقيًا للحل. اشرح كيف قمت بالتقدير. أخذ ريان 8 كلاب يوميًا. قمت بتقريب 38 إلى 40 لأن العدد 40 يقبل القسمة على 5. وناتج قسمة 40 على 5 يساوي 8.

تعلم الإستراتيجية

اطلب من الطلاب قراءة المسألة الموجودة على صفحة كتاب الطالب. ساعدهم على الحل عن طريق خطوات حل المسائل.

1 الفهم

باستخدام الأسئلة، راجع ما يعرفه الطلاب وما ينبغي عليهم إيجاده.

2 التخطيط

اطلب من الطلاب مناقشة استراتيجيتهم.

3 الحل

أرشد الطلاب إلى إيجاد المعلومات الزائدة أو غير المذكورة.

هل تكلفة الكتاب ضرورية؟ لا، الإجابة النموذجية: تطلب المسألة عدد الطلبات، وليس التكلفة.

ما المعلومات غير المذكورة اللازمة لتمكين من حل المسألة؟ عدد طلبات الكتب التي جُمعت في يومي الجمعة والاثنين

4 التحقق 2 التفكير بطريقة تجريدية

اطلب من الطلاب مراجعة المسألة للتأكد من صحة الإجابة.

تمرين على الإستراتيجية

1 الفهم

باستخدام الأسئلة، راجع ما يعرفه الطلاب وما ينبغي عليهم إيجاده.

2 التخطيط 6 مراعاة الدقة

اطلب من الطلاب مناقشة استراتيجيتهم.

3 الحل

أرشد الطلاب إلى إيجاد المعلومات الزائدة أو غير المذكورة.

هل تكلفة الخبز ضرورية؟ لا، الإجابة النموذجية: تطلب المسألة عدد القطع، وليس التكلفة.

هل لديك كل المعلومات اللازمة لتمكين من حل المسألة؟ اشرح، نعم؛ الإجابة النموذجية: دُكر طول الخبز وطول كل قطعة في الحقائق.

ما العملية التي ستستخدمها لحل المسألة؟ القسمة

كم عدد قطع الخبز التي قطعها منذر؟ 18 قطعة

4 التحقق

اطلب من الطلاب مراجعة المسألة للتأكد من صحة الإجابة.

الاسم: _____

تمرين على الإستراتيجية

يقطع منذر رغيفاً من الخبز الإيطالي إلى شرائح للشاء. تبلغ تكلفة الخبز 4 AED. ويقطع الرغيف إلى شرائح يبلغ سُمك كل منها 2 من السنتيمترات. إذا كان طول الرغيف 36 سنتيمترًا، كم عدد قطع الخبز الذي قطعها؟

حل المسائل
استتصاء
الإستراتيجية: حدّد المعلومات الزائدة أو غير المذكورة

1 الفهم

ما الحقائق التي تعرفها؟

- تبلغ تكلفة الخبز 4 AED.
- يبلغ سُمك كل شريحة خبز 2 من السنتيمترات.
- يبلغ طول رغيف الخبز 36 سنتيمترًا.

ما الذي تحتاج إليه لإيجاد الحل؟

- كم عدد قطع الخبز التي قطعها منذر؟

1 الفهم

ما الحقائق التي تعرفها؟

أعرف أن تكلفة الكتاب تبلغ 3 AED وعدد طلبات الكتب في يوم الأربعاء كان 7 وفي يوم الخميس كان 5.

ما الذي تحتاج إليه لإيجاد الحل؟

يجب أن أوجد العدد الإجمالي من طلبات الكتب

2 التخطيط

حدّد ما إذا كانت توجد معلومات زائدة أم غير مذكورة.

تكلفة الخبز غير ضرورية.

لديّ كل المعلومات اللازمة لحل المسألة.

2 التخطيط

حدّد ما إذا كانت توجد معلومات زائدة أم غير مذكورة.

تكلفة الكتاب غير ضرورية. عدد طلبات الكتب التي جُمعت في يومي الأحد والاثنين غير مذكورة.

3 الحل

اقسم طول رغيف الخبز على سُمك كل شريحة لإيجاد عدد قطع الخبز.

$36 \div 2 = 18$ قطعة

إذاً، قطع منذر 18 قطعة من الخبز.

3 الحل

تكون بعض المعلومات غير مذكورة. إذاً، لن يمكنني حل المسألة.

4 التحقق

هل إجابتك صحيحة؟ اشرح.

تحقق من الحل بضرب عدد قطع الخبز في سُمك كل شريحة. $36 \times 2 = 72$ سنتيمترًا.

الإجابة صحيحة.

4 التحقق من صحة الإجابة

هل إجابتك صحيحة؟ اشرح.

نظرًا لأن بعض المعلومات غير مذكورة، لن يمكنني حل المسألة.

الاسم: _____

تمرين على الإستراتيجية

يقطع منذر رغيفاً من الخبز الإيطالي إلى شرائح للشاء. تبلغ تكلفة الخبز 4 AED. ويقطع الرغيف إلى شرائح يبلغ سُمك كل منها 2 من السنتيمترات. إذا كان طول الرغيف 36 سنتيمترًا، كم عدد قطع الخبز الذي قطعها؟

حل المسائل
استتصاء
الإستراتيجية: حدّد المعلومات الزائدة أو غير المذكورة

1 الفهم

ما الحقائق التي تعرفها؟

- تبلغ تكلفة الخبز 4 AED.
- يبلغ سُمك كل شريحة خبز 2 من السنتيمترات.
- يبلغ طول رغيف الخبز 36 سنتيمترًا.

ما الذي تحتاج إليه لإيجاد الحل؟

- كم عدد قطع الخبز التي قطعها منذر؟

1 الفهم

ما الحقائق التي تعرفها؟

أعرف أن تكلفة الكتاب تبلغ 3 AED وعدد طلبات الكتب في يوم الأربعاء كان 7 وفي يوم الخميس كان 5.

ما الذي تحتاج إليه لإيجاد الحل؟

يجب أن أوجد العدد الإجمالي من طلبات الكتب

2 التخطيط

حدّد ما إذا كانت توجد معلومات زائدة أم غير مذكورة.

تكلفة الخبز غير ضرورية.

لديّ كل المعلومات اللازمة لحل المسألة.

2 التخطيط

حدّد ما إذا كانت توجد معلومات زائدة أم غير مذكورة.

تكلفة الكتاب غير ضرورية. عدد طلبات الكتب التي جُمعت في يومي الأحد والاثنين غير مذكورة.

3 الحل

اقسم طول رغيف الخبز على سُمك كل شريحة لإيجاد عدد قطع الخبز.

$36 \div 2 = 18$ قطعة

إذاً، قطع منذر 18 قطعة من الخبز.

3 الحل

تكون بعض المعلومات غير مذكورة. إذاً، لن يمكنني حل المسألة.

4 التحقق

هل إجابتك صحيحة؟ اشرح.

تحقق من الحل بضرب عدد قطع الخبز في سُمك كل شريحة. $36 \times 2 = 72$ سنتيمترًا.

الإجابة صحيحة.

4 التحقق من صحة الإجابة

هل إجابتك صحيحة؟ اشرح.

نظرًا لأن بعض المعلومات غير مذكورة، لن يمكنني حل المسألة.

تطبيق الإستراتيجية

Rti استنادًا على ملاحظائك، يمكنك اختيار تكليف الطلاب بالتمارين بحسب ما هو موضح في المستويات أدناه:

- **قريب من المستوى** اجعل الطلاب يصححون التمارين 1-9 (فردى).
- **ضمن المستوى** اجعل الطلاب يصححون التمارين 2-8 (زوجي).
- **أعلى من المستوى** اجعل الطلاب يصححون التمارين 1-9.

1 فهم طبيعة المسائل

تمرين 4 اطلب من الطلاب كتابة المسألة مرة أخرى مع جمع كل المعلومات اللازمة. اطلب من الطلاب تبادل الأوراق مع زملائهم وحلها.

مراجعة الإستراتيجيات

رسم جدول

رسم الجدول من الطرق الجيدة للطلاب حتى ينظموا المعلومات لحل المسألة. تساعد إستراتيجية حل المسائل هذه الطلاب على مقارنة المعلومات.

استخدام خطة الخطوات الأربع

استخدم خطة الخطوات الأربعة لحل المسائل.

1. **الفهم** تأكد من فهم الطلاب للمعلومات التي يعرفونها وماذا يجب عليهم إيجاده.
2. **التخطيط** يخطط الطلاب لكيفية حل المسألة.
3. **الحل** يوجد الطلاب حل المسألة.
4. **التحقق** ينبغي أن تراجع الطلاب ويتأكدوا من أن الإجابة منطقية.

1 فهم طبيعة المسائل

تمرين 7 اطلب من الطلاب مراجعة المسألة التي قاموا بحلها. أسأل الطلاب ما الإستراتيجيات التي استخدموها لحل المسألة.

التقويم التكويني

الكتابة السريعة قيم استيعاب الطلاب لمفاهيم الدرس. اطلب من الطلاب كتابة مسألتين. ينبغي أن تتضمن إحدى المسألتين معلومات زائدة، بينما تتضمن المسألة الأخرى معلومات غير مذكورة. شجّع الطلاب على مشاركة أمثلتهم مع الصف.

انظر الصفحة التالية للاطلاع على خيارات التدريس المتميزين.



مراجعة الإستراتيجيات

استخدم أي إستراتيجية لحل أي مسألة:

- حدّ المعلومات الزائدة أو غير المذكورة.
- ارمم جدولاً.
- استخدم خطة الخطوات الأربع.

5. زمر السيدة سنية الدجاج: تأكل كل دجاجة نفس الكمية من الطعام. اشترت السيدة سنية 100 رطل من طعام الدجاج في الأسبوع الماضي. كم مقدار الطعام الذي أكلته كل دجاجة؟

معلومات غير مذكورة: عدد الدجاج لديها

6. في المتجر المدرسي للمخبوزات، اشترت والدة مندر 3 قطع بسكويت وكعكة الشيكولاتة وكعكة في قالب. وأعطت الصراف 2 \$ وبقية 105 \$ باقي الحساب. أوجد تكلفة الكعكة في القالب واكتبها في الجدول.

المنتج	العدد (س)
قطعة بسكويت	0.15
كعكة الشيكولاتة	0.20
كعكة في قالب	0.30

7. **الممارسة** **خطّ لحل** لذي راجع AED 50 لشراء لعبة مرفقة، تبلغ تكلفة اللعبة التي يريد شراؤها AED 30. إذا اشترى لعبة واحدة، فسيحصل على اللعبة الثانية بنصف السعر. كم سينفق معه من المال إذا اشترى اللعنتين؟

AED 5

8. سيؤمن اثنا عشر طائرًا بالترنج بمرجات ذات عجلات، يدفع كل طالب AED 8 لشراء التذكرة و4 AED لشراء وجبات خفيفة. أوجد التكلفة الإجمالية للتذاكر والوجبات الخفيفة.

AED 144

9. يوضح الجدول عدد الكيلومترات التي قطعها أسرة ناهج كل يوم في رحلتها. كم عدد الكيلومترات الزائدة في اليوم الأول التي قطعها الأسرة بالسيارة مقارنة باليوم الرابع؟

اليوم	الكيلومتر
1	555
2	80
3	143
4	449

106 كيلومترات: معلومات زائدة: عدد الكيلومترات المقطوعة بالسيارة في اليوم 2 واليوم 3

تطبيق الإستراتيجية

حدّد ما إذا كانت توجد معلومات زائدة أم غير مذكورة، ثم حل المسألة. إن أمكن.

1. ينزل بهاء سور العرّان على مشغل ملفات MP3 الخاص به. يبلغ طول إحدى السور 5 دقائق، ويبلغ طول سورة أخرى دقيقتين، ومدّة الثالثة بين مدّتي السورتين الأخرتين. ما المدّة الإجمالية للسور الثلاث؟

معلومات غير مذكورة: مدّة السورة الثالثة

2. تحتوي الفقرة رقم 220 والفرقة 222 على حامل طعام مطبخ. كم عدد العلب التي توجد في الفقرة 222 أكثر من الفقرة 220؟

68 علب

3. تجمع غادة المال من أجل إحدى صالات البولنج، وتهدف إلى جمع 125 AED. وفي العام الماضي، جمعت صالة البولنج 100 AED. إذا كانت تنافس 5 AED من كل فرد، فكم عدد الأفراد الذين يجب أن يشاركوا في صالة البولنج؟

المبلغ المجموع في العام الماضي أكبر، 25 فرداً

4. **الممارسة** **فهم المسائل** صنعت سبرين خليط الحظائر الحلال، ولديها لتر زائد من الخليط. ما كمية الخليط الذي استخدمته؟

معلومات غير مذكورة: عدد لترات خليط الحظائر

الحلّة الذي صنعه سبرين أولاً

أعلى من المستوى
توسّع

نشاط عملي المواد: بطاقات فهرسة

اطلب من الطلاب كتابة ثلاث مسائل لفظية في بطاقات الفهرسة. اطلب منهم كتابة مسألة تتضمن معلومات زائدة، وأخرى تتضمن معلومات غير كافية، وثالثة بالمعلومات الكافية فقط للحل. اطلب من الطلاب حل المسائل. وجه الطلاب إلى كتابة المعلومات الزائدة في المسألة، إن وُجدت. إذا كانت المعلومات الموجودة أقل من اللازم، فاطلب منهم أن يذكروا ما المعلومات غير المذكورة. بدّل البطاقات واطلب من أحد الزملاء حل المسألة.

ضمن المستوى
المستوى 1

نشاط عملي المواد: مذكرات لاصقة

اطلب من الطلاب كتابة مسألة لفظية في مذكرة لاصقة. قد تتضمن المسائل معلومات أكثر مما ينبغي، أو معلومات أقل من اللازم، أو معلومات كافية للحل. ارسم ثلاثة صناديق على السبورة. ضع العناوين، معلومات أكثر من اللازم في صندوق ومعلومات أقل من اللازم في صندوق ثانٍ ومعلومات مناسبة فقط في الصندوق الثالث. شجّع الطلاب على قراءة مسائلهم على الصف. يستطيع الصف أن يحدد أي صندوق يضع فيه المذكرة اللاصقة. اطلب من الطلاب أن يعملوا معًا لحل المسألة.

قريب من المستوى

المستوى 2: التدخل التقويبي الإستراتيجي

نشاط عملي المواد: بطاقات فهرسة

اطلب من الطلاب كتابة الحقائق من مسألة في بطاقات الفهرسة أثناء قراءتها. ويستطيع الطلاب بعد ذلك أن يقسموا البطاقات إلى كومة "ضرورية" وكومة "غير ضرورية" أثناء إعادة قراءة السؤال. وبعد فصل المعلومات غير الضرورية، يمكن للطلاب أن ينظموا المعلومات لبروا ما إذا كان لديهم ما يحتاجون إليه للإجابة عن السؤال.

واجباتي المنزلية

قم بتكليف الطلاب بواجب منزلي بعد إكمال الدرس بنجاح. يُمكن للطلاب الذين يفهمون المفاهيم تجاوز قسم **مساعد الواجب المنزلي**.

حل المسائل

1 فهم طبيعة المسائل

تمرين 4 شجّع الطلاب على كتابة المسألة مرة أخرى مع جمع كل المعلومات اللازمة. اطلب من الطلاب تبادل الأوراق مع زملائهم وحلها.

التقييم التكويني

بطاقة التحقق من استيعاب الطلاب قيم استيعاب الطلاب لمفاهيم الدرس. اطلب من الطلاب حل المسألة التالية.

تم تسجيل سرعة الأيل ذي الذنب الأبيض في السفر بـ 48 كيلومترًا في الساعة. والنعامة 64 كيلومترًا في الساعة، وطيور الشاهين بـ 320 كيلومترًا في الساعة. كم مرة تفوق سرعة الشاهين سرعة النعامة؟

هل توجد حقائق زائدة؟ اشرح. نعم: الإجابة النموذجية: سرعة الأيل ذي الذنب الأبيض غير لازمة لحل المسألة.

هل توجد معلومات كافية؟ اشرح. نعم: الإجابة النموذجية: توجد معلومات عن كل من الشاهين والنعامة في المسألة.

ما الإجابة؟ يكون الشاهين أسرع 5 مرات من النعامة.

تمرين

حدّد ما إذا كانت توجد معلومات زائدة أم غير مذكورة. ثم حل المسألة، إن أمكن.

1. تغطي السيدة فردوس كل واحد من طلابها فني رياض. كم فني رياض أمضت؟

معلومات غير مذكورة: عدد الطلاب لديها

2. إذا كان خاطر يلعب 3 مباريات تنس كل أسبوع لمدة 9 أسابيع.

27 مباراة

3. اشترت أسرة حيدر سيارة مقابل \$ 2,000 ودفعوا مقدّمًا \$ 500.

إذا كانوا يريدون دفع البيلغ المتبقي على 5 أقساط متساوية، فكم سيبقى كل من هذه الأقساط؟

\$ 300

4. **الممارسة** فهم المسائل تجري فزات 5 كيلومترات كل يوم. كم ميلا يجري أخوها في أسبوع واحد؟

معلومات غير مذكورة: عدد الكيلومترات التي يجريها أخوها كل يوم

5. يحل هيثم 14 مسألة رياضيات إضافية مساء كل يوم دراسي. كم مسألة إضافية سجلها في كل أسبوع؟

70 مسألة

واجباتي المنزلية

الدرس 13

حل المسائل، المعلومات الزائدة أو غير المذكورة

مساعد الواجب المنزلي

جمعت شيرين 50 علية في حملة للطعام. جمعت 10 علب كل يوم من الحملة. مغطياها من الفاصولياء الخضراء. فكم عدد الأيام التي جمعت فيها العلب؟

1 التهم

ما الحقائق التي تعرفها؟

- أعراف أن شيرين جمعت 50 علية.
- أعراف أنها جمعت 10 علب كل يوم من الحملة.

ما الذي تحتاج إليه لإيجاد الحل؟

- أحتاج إلى إيجاد عدد الأيام التي جمعت فيها العلب.

2 التخطيط

حدّد ما إذا كانت توجد معلومات زائدة أم غير مذكورة. معرفة أن مغطو ما جمعت شيرين من الفاصولياء الخضراء غير ضرورية. لدي كل المعلومات اللازمة لحل المسألة.

3 الحل

5 أيام = $10 \div 50$

لذلك، جمعت شيرين العلب لمدة 5 أيام.

4 التحقق من صحة الإجابة

هل إجابتي صحيحة؟ اشرح.

50 علية = 5×10

الإجابة صحيحة.

التفكير

التفكير

أجعل الطلاب يعملون في مجموعات صغيرة لإكمال خريطة المفاهيم. ثم اطلب من كل مجموعة عرض إجاباتها. قارن أوجه الاختلاف والتشابه بين خرائط مفاهيم كل مجموعة. يمكنك اختيار أن يستخدم الطلاب خريطة مفاهيم مختلفة لأغراض المراجعة.

حل المسائل

ذكر الطلاب بخطة الخطوات الأربع لحل المسائل. بالنسبة للطلاب الذين يحتاجون إلى مساعدة في فهم القراءة، دعهم يتعاونوا مع زملاء آخرين لهم على قراءة المسألة بصوت مرتفع قبل محاولة تطبيق خطة الخطوات الأربع.

تمرين على الاختبار

تشخيص أخطاء الطلاب

قد تشير توجهات الصف بخصوص الإجابات الخاطئة إلى وجود أخطاء شائعة أو مفاهيم خاطئة لدى الطلاب.

A مُقدّرة $400 = 4 \div 1,600$

B صحيحة

C تم إيجاد قيمة منزلة أجزاء من عشرة بشكل غير صحيح

D تم إيجاد قيمة منازل أجزاء من عشرة والأحاد بشكل غير صحيح

التفكير

الوحدة 3 الإجابة عن السؤال الأساسي

تم تقديم الإجابات النموذجية. استخدم ما تعلمته فيما يتعلق بالقسم على مقسوم مكون من رقم واحد لإكمال خريطة المفاهيم.

السؤال الأساسي
ما الإستراتيجية التي يمكن استخدامها لقسم الأعداد الكليّة؟

العلاقة بين القسمة والضرب

يُعد الضرب والقسمة أيضًا عمليتين عكسيتين. يمكن استخدام الضرب لمراجعة ناتج القسمة في مسألة القسمة.

الخصائص

تتيح لي الخاصية التوزيعية تقسيم الأعداد الكبيرة من خلال استخدام نواتج القسمة الجزئية. يمكنني استخدام هذه الخاصية لحل مسائل القسمة ذهنيًا.

القيمة المكانية

يمكنني استخدام القيمة المكانية للأعداد لمساعدتي في القسمة. ويمكنني كذلك استخدام القيمة المكانية للتقييم من خلال التقريب واستخدام الأعداد المتوافقة.

فكر الآن في السؤال الأساسي اكتب إجابتك بالأسفل.

راجع عمل التلاميذ.

حل المسائل

21. سح عمر 918 مترا في ثلاثة أيام. فإذا سح نفس المسافة كل يوم، فكم المسافة التي يسبحها عمر في اليوم الواحد؟

306 m

22. يمتلك أحمد 48 كتابا. وضع 7 كتب في صندوق. فكم عدد الصناديق التي يمكنه ملؤها؟

6 صناديق؛ ناتج القسمة 6 هو عدد الكتب المتبقية.

23. تقرأ سارة 48 صفحة في ساعتين. فإذا قرأت نفس عدد الصفحات كل ساعة، فكم عدد الصفحات التي تقرأها في الساعة الواحدة؟

24 صفحة

24. تتكلف ثلاث نازك طيران إلى نيويورك \$ 2,472. فإذا تكلفت كل تذكرة نفس المبلغ، فكم تتكلف التذكرة الواحدة تقريبا؟

الإجابة النموذجية: $2400 \div 3 = 800$

25. تمتلك كارمن 468 بطاقة تجارية في 4 مجلدات. فإذا كان كل مجلد يحتوي على نفس عدد البطاقات، فكم بطاقة توجد في كل مجلد؟

117 بطاقة

تمرين على الاختبار

26. خزانة تحتوي على 4 أرغف يمكن أن تحمل 1,640 فرشاة مخطوطة. فإذا كان كل رف يحمل نفس عدد الأفراس المخطوطة، فكم عدد الأفراس التي يحملها كل رف؟

Ⓐ 400 فرش مخطوطة
Ⓑ 410 فرش مخطوطة
Ⓒ 420 فرش مخطوطة
Ⓓ 424 فرش مخطوطة



نشاط عملي

استخدام نوافج الضرب الجزئية وخاصية التوزيع

الدرس 6

موضوع الدرس

ما الإستراتيجية التي يمكن استخدامها لضرب الأعداد الكبيرة؟



الرسم

ذهب سعيد وأربعة من أصدقائه إلى حلبة التزلج على الجليد واشتروا شطاطر. قسموا التكلفة الإجمالية ووجدوا أن كل شخص يحتاج إلى دفع 17 AED. كم كانت التكلفة الإجمالية نظير حلبة التزلج على الجليد والشطاطر؟

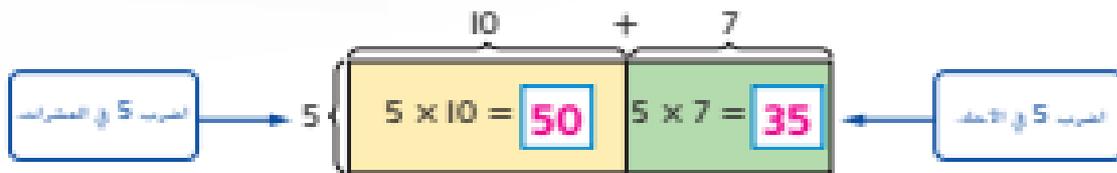
أوجد ناتج 5×17 باستخدام النموذج.



فكّر في حلبة التزلج!

أكتب النموذج لإيجاد نوافج الضرب الجزئية.

1



اجمع نوافج الضرب الجزئية.

2

$$\underline{50} + \underline{35} = \underline{85}$$

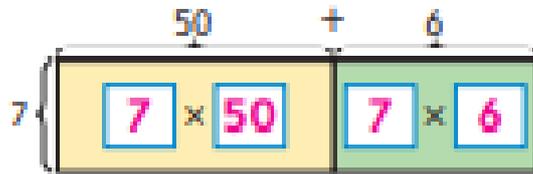
AED 85

إذ كانت التكلفة الإجمالية نظير حلبة التزلج على الجليد والشطاطر

متى ما تستخدم نوافج الضرب الجزئية . فأنت تستخدم خاصية ما. **الخاصية** هي القاعدة في الرياضيات يمكن تطبيقها على جميع الأعداد. تعرف الخاصية التي طبقناها أعلاه باسم **خاصية التوزيع**. ستتعلم المزيد عن هذه الخاصية في الدرس التالي.

التجربة

أوجد ناتج 7×56 باستخدام النموذج.



أثناء النموذج لإيجاد ناتج ضرب العدد.

1

الضرب ثم الجمع.

2

$$\begin{aligned} 7 \times 56 &= (7 \times 50) + (7 \times 6) \\ &= \underline{350} + \underline{42} \\ &= \underline{392} \end{aligned}$$

بذا، $7 \times 56 = \underline{392}$

كتابة فقرة

1. **التمرين** وضع الاستنتاجات كيف تعرض النماذج ناتج الضرب الجزئية؟

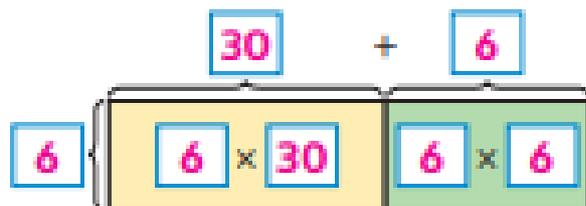
الإجابة النموذجية: تقسم النماذج عاملاً واحداً إلى ناتج جمع استناداً إلى القيمة المكانية.

يُضرب كل حد جمعي في عامل آخر لإيجاد جزء من ناتج الضرب الإجمالي.

2. في سبيل إيجاد 7×56 أملأ، لماذا يضم النموذج العدد 56 إلى 50 و 6؟

الإجابة النموذجية: من الأسهل ضرب 7×50 و 7×6 ذهنياً عن زوج من العوامل المختلفة.

3. أوجد ناتج 6×36 باستخدام ناتج الضرب الجزئية. أكمل النموذج لمساعدتك على إيجاد الحل. اعرض حيلك.



$$6 \times 36 = (6 \times 30) + (6 \times 6) =$$

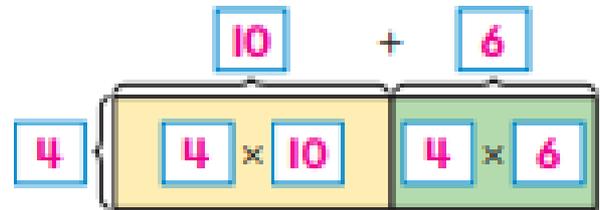
$$\underline{180 + 36 = 216}$$

التدريب

المغرب باستخدام النموذج. أكمل كل نموذج.

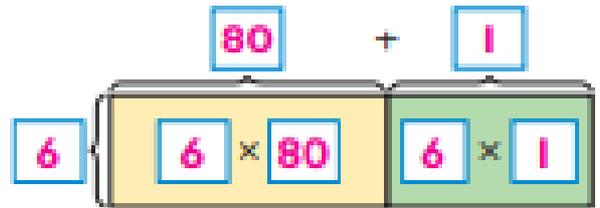
4. $4 \times 16 = \underline{64}$

$$\begin{aligned} 4 \times 16 &= (4 \times 10) + (4 \times 6) \\ &= 40 + 24 \\ &= 64 \end{aligned}$$



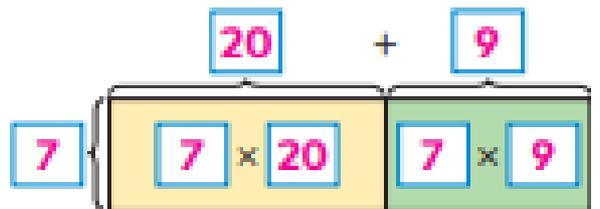
5. $6 \times 81 = \underline{486}$

$$\begin{aligned} 6 \times 81 &= (6 \times 80) + (6 \times 1) \\ &= 480 + 6 \\ &= 486 \end{aligned}$$



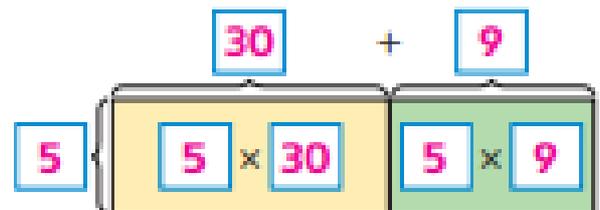
6. $7 \times 29 = \underline{203}$

$$\begin{aligned} 7 \times 29 &= (7 \times 20) + (7 \times 9) \\ &= 140 + 63 \\ &= 203 \end{aligned}$$



7. $5 \times 39 = \underline{195}$

$$\begin{aligned} 5 \times 39 &= (5 \times 30) + (5 \times 9) \\ &= 150 + 45 \\ &= 195 \end{aligned}$$





التطبيق 8-10. راجع نماذج الطلاب.

8. يسبح صلاح 4 ساعات يوميًا في صيف الصيف.
كم عدد الساعات التي يسبحها في غضون 28 يومًا؟
استخدم النموذج لإيجاد الحل.

112 ساعة

9. **التمرين 4** تشارك المسائل الرياضية اذخر عمرو 5 AED أسبوعيًا على مدار 23 أسبوعًا. ما مقدار التوفير الإضافية التي اذخرها؟
استخدم النموذج لإيجاد الحل.

115 AED

10. يوجد ثمان وثلاثون سبحة في كل حوض أسبحة في متجر بيع الأسبحة.
كم عدد الأسبحة الموجودة في خمسة من أحواض الأسبحة؟
استخدم النموذج لإيجاد الحل.

190 سبحة

11. **التمرين 3** البحث عن الخطأ كان غير مستخدم نموذجًا لإيجاد ناتج 4×61 . اكتشف خطأه وصححه.

$$(4 \times 60) + (4 \times 10) = 240 + 40 = 280$$

ضرب عمر 4 في 10 بدلاً من 1.

$$(4 \times 60) + (4 \times 1) = 240 + 4 = 244$$

كتابة فقرة

12. كيف يمكن استخدام النماذج لحل مسائل الضرب؟
الإجابة النموذجية: يمكننا رسم النموذج الذي يقسم ناتج الضرب إلى مجموع ناتجي ضرب

أستطيع إيجادهما بسهولة.

الكتابة

واجباتي المنزلية

الدرس 6

نشاهد عملي، استخدام نواتج
الضرب الجزئية وخاصة التوزيع

مساعد الواجب المنزلي

قررت شاهدة وأخواتها شراء ترامبولين. قسموا التكلفة الإجمالية ووجدوا أن كل شخص يجب أن يدفع 48 AED. ما التكلفة الإجمالية للترامبولين؟

أوجد ناتج 3×48 باستخدام النموذج.



النموذج مكتمل البيانات لإظهار
نواتج الضرب الجزئية.



$$\begin{aligned} 3 \times 48 &= (3 \times 40) + (3 \times 8) \\ &= 120 + 24 \\ &= 144 \end{aligned}$$

الضرب، ثم اجمع



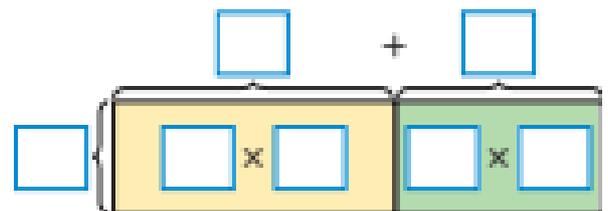
إذا، مبلغ التكلفة الإجمالية للترامبولين 144 AED.

تمرين

1. اضرب 2×27 باستخدام النموذج. أكمل النموذج.

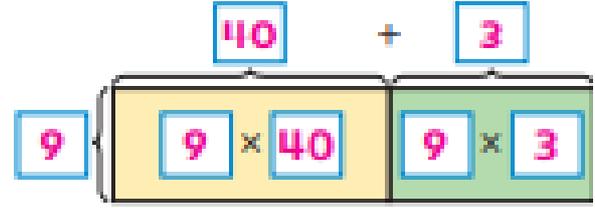
$$2 \times 27 = \underline{54}$$

$$\begin{aligned} 2 \times 27 &= (2 \times 20) + (2 \times 7) \\ &= 40 + 14 \\ &= 54 \end{aligned}$$



2. اضرب 9×43 باستخدام النموذج. أكمل النموذج.

$$\begin{aligned} 9 \times 43 &= \underline{\quad 387 \quad} \\ 9 \times 43 &= (9 \times 40) + (9 \times 3) \\ &= 360 + 27 \\ &= 387 \end{aligned}$$



3-5. راجع نماذج الطلاب.

حل المسائل



3. وضع مدير المتاحف الأمانة لزيادة سعر بين الأعداد في كل قسم. كم عدد الأعداد الموجودة في سنة أخص؟ استخدم النموذج لإيجاد الحل.

108 قداد

4. **البيارة** 4 تمثيل المسائل الرياضية بعمل إسلام في مجال تعبئة الطعام لمدة 4 أيام أسبوعياً. كم عدد الأيام التي يعمل فيها في تعبئة الطعام لمدة 36 أسبوعاً؟ استخدم النموذج لإيجاد الحل.

144 يوماً

5. تحصل مرز على AED 25 في صورة إمانة أسبوعياً. كم يبلغ الإمانة التي ستحصل عليه بعد مضي 7 أسابيع؟ استخدم النموذج لإيجاد الحل.

AED 175

6. اكتب تعبيراً يستخدم عوامل الضرب الجزئية لضرب 8×64 .

$(8 \times 60) + (8 \times 4)$

هدف الدرس

سيقدّر الطلاب نواتج الضرب باستخدام التقريب والأعداد المتوافقة.

تنمية المفردات

مفردات جديدة

الأعداد المتوافقة (compatible numbers)

النشاط

- **8 الاستنتاجات المتكررة** ناقش مع الطلاب الأعداد التي يسهل ضربها ذهنيًا. اطلب منهم تقديم أمثلة. **الأحاد وأجزاء من مئة والآلاف**
- أخبرهم بأنه عند التعامل مع مسائل الضرب التي تحتاج إلى تقدير، ينبغي عليهم استخدام أعداد مثل 10 أو 100 التي يسهل التعامل معها ذهنيًا.
- اطلب من أحد المتطوعين شرح كيف تمكنوا من تقريب العوامل في هذه المسألة: 59×42 ، 40، 60
- أخبرهم بأن التفكير في الأعداد بهذه الطريقة يعد مثلاً على استخدام الأعداد المتوافقة.

التركيز

التمرس في ضرب الأعداد الكلية المكونة من عدة أرقام باستخدام منهجية خوارزمية معيارية.

المهارات

- 2 التفكير بطريقة تجريدية وبطريقة كميّة
- 3 بناء فرضيات عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين
- 5 استخدام الأدوات الملائمة بطريقة إستراتيجية
- 8 البحث عن التوافق في الاستنتاجات المتكررة والتعبير عنه

الترابط المنطقي

الربط بالموضوعات الرئيسية

الربط ب مجال التركيز المهم التالي: 2. توسيع القسمة إلى مقسوم عليه مكون من رقمين. ودمج الكسور العشرية في نظام القيمة المكانية وتطوير فهم العمليات المتعلقة بالكسور العشرية والأجزاء من أجزاء من مئة والتمرس في عمليات الأعداد الكلية والعشرية.

الدقة

تزداد صعوبة التمارين مع تقدّم الدرس. ومع ذلك، قد يتباين تفكير الطلاب الفردي خلال عملية الممارسة الموسّعة.

مستويات الصعوبة

- المستوى 1 استيعاب المفاهيم
 - المستوى 2 تطبيق المفاهيم
 - المستوى 3 توسيع المفاهيم
- التمارين 1-2
التمارين 3-14
التمارين 15-19

مراجعة

مسألة اليوم

يبلغ عمر إيناس ضعف عمر بشير. بينما يبلغ عمر إيناس نصف عمر جنى. يبلغ عمر بشير 12 عامًا. كم عمر جنى وإيناس؟ **يبلغ عمر جنى 48، وإيناس 24**
اشرح حلك.

2 **التفكير بطريقة كمية** اطلب من الطلاب إعادة النظر في المسألة التي قاموا بحلها. اسأل ما العمليات التي احتاجوا إلى استخدامها لحل هذه المسألة.

تمرين سريع

استخدم هذا النشاط كمراجعة سريعة وتقويم للدرس السابق.

الربط مع الأدب

اقرأ أحد الكتب العامة لتهيئة الطلاب لهذا الدرس.



تمثيل المسائل الرياضية

الهدف: المهارة والتمرس الإجرائيان

قد لا يكون الطلاب على دراية بالرمز \approx . أخبرهم أن الرمز يستخدم غالبًا عند التقدير ويعني "يساوي تقريبًا".

اكتب العوامل التالية ونواتج الضرب المقدر على السبورة. واحد في كل مرة:

$$6 \times 87 \approx 540; 9 \times 41 \approx 360; 58 \times 75 \approx 4,800; 24 \times 43 \approx 800;$$

$$84 \times 26 \approx 2,400$$

الإشارة بالإبهام لأعلى للتقديرات التي تعتقد أنها أكبر من ناتج الضرب الفعلي وبالإبهام لأسفل للتقديرات الأقل وعدم الإشارة بالإبهام لعدم اتخاذ قرار.

سجل النتائج على السبورة.

كيف تعرف إذا كان التقدير أكبر من ناتج الضرب الفعلي أو أقل منه؟ إذا قُرِّب كلا العددين للأكبر ثم ضربت، فإن التقدير سيكون أكبر. إذا قُرِّب كلا العددين للأقل، فإن التقدير سيكون أقل.

استخدم الآلة الحاسبة لإيجاد نواتج الضرب الفعلية.

الرياضيات في حياتنا

مثال 1

اقرأ المسألة في المثال.

ما الذي نحاول معرفته؟ تقدير ناتج 92×12

اكتب التعبير 92×12 على السبورة.

ما الأعداد التي سيسهل ضربها؟ 92×10

اكتب هذا على السبورة.

ما ناتج الضرب؟ 920

ما الطريقة الأخرى التي تمكنا من التقدير؟ بتقريب كلا العددين إلى منزلة أجزاء من عشرة. استخدم الأعداد المتوافقة. ما الأعداد المتوافقة التي يمكننا استخدامها لإيجاد ناتج الضرب؟

100 و 10

ما ناتج الضرب؟ 1,000

قارن تقديراتنا مع ناتج الضرب الفعلي الذي يساوي AED 1,104.

ما الحقائق التي لاحظتها؟ جميع التقديرات أقل من ناتج الضرب الفعلي.

5 استخدام الأدوات الملائمة اطلب من الطلاب شرح موقف سيكون من المفيد فيه تقدير نواتج الضرب.

تمرين موجه

أرشد الطلاب خلال حل تمارين "تمرين موجه". في التمرين 1، ساعد الطلاب الذين يواجهون صعوبة بأن تطلب منهم التقريب إلى أقرب عشرة.

ذكّر الطلاب بأن الأعداد المتوافقة هي أي عدد يتيح لهم الضرب ذهنيًا.

حديث في الرياضيات: محادثة تعاونية

5 استخدام الأدوات الملائمة اشرح طريقتين مختلفتين يمكنك من خلالهما تقدير ناتج 18×312 . الإجابة النموذجية: $300 \times 20 = 6,000$; $310 \times 20 = 6,200$

تقدير نواتج الضرب

الدرس 8

السؤال الأساسي
ما الإستراتيجية التي يمكن استخدامها لضرب الأعداد الكبيرة؟

عندما سُئِلَ مسألة عن العدد التقريبي، يمكنك استخدام التقدير أو التقريب أو الأعداد المتوافقة. يحدد **الأعداد المتوافقة** الأعداد الموجودة في مسألة ما ويسهل التعامل معها ذهنيًا.

الرياضيات في حياتنا

مثال 1

يروض متجر للحوانات الأليفة 12 سحلية جيكو للبيوع. تبلغ تكلفة كل سحلية 92 AED. ما المبلغ الذي سيحمله المتجر إذا باع 12 سحلية؟

قَدِّر ناتج ضرب العددين 92 و 12.

طريقة لحل تقريبي عامل واحد.

فقر يسهل حساب 92×10 عن 90×12

$92 \times 12 \rightarrow 92 \times 10$

$92 \times 12 \rightarrow 92 \times 10$

$92 \times 12 \rightarrow 92 \times 10$

بتقريب أحد العوامل. التقدير هو AED 920

طريقة أخرى لحل تقريبي كلا العاملين.

قرب 92 إلى أقرب عشر.

قرب 12 إلى أقرب عشر.

أوجد ناتج 90×10 ذهنيًا.

بتقريب كلا العاملين. التقدير هو AED 900

طريقة أخرى لحل استخدام الأعداد المتوافقة.

استخدم الأعداد التي يسهل ضربها ذهنيًا مثل 100، 10،
أوجد ناتج 100×10 ذهنيًا.

$92 \times 12 \rightarrow 100 \times 12$

باستخدام الأعداد المتوافقة. التقدير هو AED 1,000

استخدم الآلة الحاسبة لضرب 92×12 . الناتج؟ AED 1,104

حَظ ما يوضح إذا كانت التقديرات كلها أصغر من ناتج الضرب الفعلي أو أكبر منه.

أكثر من (أصغر من) أكبر من

تمرين موجه الإجابات النموذجية: 1-2

قَدِّر باستخدام التقريب أو الأعداد المتوافقة. اشرح كيف قَدَّرْتَ الناتج.

1. تقرب كلا العاملين.

$32 \rightarrow 30$

$\times 18 \rightarrow \times 20$

600

يساوي ناتج الضرب 600 تقريبًا.

2. استخدام الأعداد المتوافقة.

$98 \rightarrow 100$

$\times 83 \rightarrow \times 80$

8000

يساوي ناتج الضرب 8,000 تقريبًا.

اشرح طريقتين مختلفتين يمكنك من خلالهما تقدير ناتج 18×312



تمارين ذاتية

RtI استناداً إلى ملاحظتك، يمكنك اختيار تكليف الطلاب بالتمارين حسب الموضع في المستويات أدناه:

- **قريب من المستوى** قم بتكليف الطلاب بالتمارين 18، 19، (فردى) 3-15.
- **ضمن المستوى** قم بتكليف الطلاب بالتمارين 15-19، (زوجي) 4-14.
- **أعلى من المستوى** قم بتكليف الطلاب بالتمارين 6-8، 12-19.

خطأ شائع! قد يجد الطلاب صعوبة في إيجاد الأعداد المتوافقة. اقترح على الطلاب وضع الأعداد على خط الأعداد لإيجاد المضاعف الأقرب إلى العدد 10.

حل المسائل

5 استخدام الأدوات الملائمة

التمارين 15-17 إذا كان الطلاب يواجهون صعوبات في الاستعانة بالتقدير، فذكرهم بالتقريب أو استخدام الأعداد المتوافقة القريبة من الأعداد المذكورة في المسألة.

2 التفكير بطريقة كمية

التمرين 18 شجع الطلاب على الحل بترتيب عكسي عن طريق اختيار مضاعفي العدد 10 اللذين يمثلان عوامل العدد 600 ثم اختيار الأعداد التي ستقرب إلى المضاعفات.

الاستفادة من السؤال الأساسي

التمرين 19 اجعل الطلاب يعتمدوا على استيعابهم للمفاهيم اللازمة للإجابة عن السؤال الأساسي للوحدة.

التتويج التكويني

التحفيز على الممارسة قِّم مدى استيعاب الطلاب للمفهوم بأن تطلب منهم ملء الفراغ في الجملة التلقينية التالية.

بتشابه تقدير نواتج الضرب واستخدام الأعداد المتوافقة بسبب _____.

RtI انظر الصفحة التالية للاطلاع على خيارات التدريس المتميز.

حل المسائل الإجابات النموذجية: 15-19

15. يوضح الجدول عدد كيلوجرامات ثمار البانجو التي تم حصادها في اليوم. قدر إجمالي عدد كيلوجرامات ثمار البانجو التي تم حصادها بالتقريب. اشرح كيف قدرت الناتج.

اليوم	عدد كيلوجرامات البانجو
1	514
2	487
3	349
4	421
5	392

$(2 \times 500) + 300 + (2 \times 400) =$
2,100 كيلوجرام

16. في أسبوع واحد، قام المخيم بتأجير 18 كوكاً نظير AED 225 لكل كوك. ما المبلغ الإجمالي الذي حصلوا عليه من التأجير؟ اشرح كيف قدرت الناتج.

$20 \times \text{AED } 200 = \text{AED } 4,000$

17. يبلغ متوسط وزن سلالة الكلاب A رطلين. بينما يبلغ متوسط وزن سلالة الكلاب B حوالي 45 مرة أكثر من السلالة A. كم يبلغ متوسط وزن سلالة الكلاب B؟ اشرح كيف قدرت الناتج.

رطل $2 \times 50 = 100$

الممارسة استخدام الحس العددي استخدم الأعداد 7، 4، 3، 1 لتكوين عددين كلين يقدر ناتج ضربها بحوالي 600.

$34 \times 17 = 578$

19. **الاستفادة من السؤال الأساسي** متى يكون تقدير نواتج الضرب أداة مفيدة؟ يكون التقدير مفيداً عندما لا أحتاج إلى إجابة دقيقة وأستطيع استخدام الأعداد التي يسهل ضربها ذهنيًا.

الاسم _____

الاجابات النموذجية: 3-14

تمارين ذاتية

قدر باستخدام التقريب. اشرح كيف قدرت الناتج.

3. $\begin{array}{r} 218 \\ \times 6 \\ \hline \end{array}$ **$200 \times 6 = 1,200$**

4. $\begin{array}{r} 68 \\ \times 7 \\ \hline \end{array}$ **$70 \times 70 = 490$**

5. $\begin{array}{r} 131 \\ \times 29 \\ \hline \end{array}$ **$130 \times 30 = 3,900$**

6. $61 \times 68 \approx$ _____ **$60 \times 70 = 4,200$**

7. $79 \times 56 \approx$ _____ **$80 \times 60 = 4,800$**

8. $392 \times 46 \approx$ _____ **$400 \times 50 = 20,000$**

قدر باستخدام الأعداد المتوافقة. اشرح كيف قدرت الناتج.

9. $\begin{array}{r} 106 \\ \times 52 \\ \hline \end{array}$ **$100 \times 50 = 5,000$**

10. $\begin{array}{r} 33 \\ \times 6 \\ \hline \end{array}$ **$30 \times 6 = 180$**

9. $\begin{array}{r} 127 \\ \times 8 \\ \hline \end{array}$ **$125 \times 10 = 1,250$**

12. $33 \times 84 \approx$ _____ **$30 \times 80 = 2,400$**

13. $450 \times 21 \approx$ _____ **$500 \times 20 = 10,000$**

14. $729 \times 42 \approx$ _____ **$700 \times 40 = 28,000$**

حقوق الطبع والنشر © مجموعة المناهج مؤسسة McGraw-Hill Education

أعلى من المستوى التوسع

نشاط عملي المواد: بطاقات فهرسة

أعط كل مجموعة ثنائية أو مجموعة من الطلاب مجموعة من البطاقات التي تحمل أعدادًا من 0 إلى 9. يؤدي أحد الطلاب دور التاجر ويوزع أربع بطاقات على كل لاعب. سيستخدم اللاعبون البطاقات الأربع لتكوين أعداد مكونة من رقمين سيتم ضربها لإيجاد أكبر ناتج ضرب ممكن. ينبغي على الطلاب تقريب الأعداد إلى أقرب عشرة. يقومون بضرب هذه الأعداد معًا وتكون هذه هي درجاتهم. سيستمر الطلاب في لعب الجولات حتى تكتمل خمس جولات أو حتى ينتهي الوقت. يفوز الطالب صاحب الدرجة الأعلى.

ضمن المستوى المستوى 1

نشاط عملي المواد: مكعبات أعداد

اطلب من الطلاب تكوين عوامل مكونة من رقمين أو ثلاثة أرقام للعديد من مسائل الضرب عن طريق دحرجة مكعب الأعداد. اطلب منهم كتابة مسائل الضرب في قائمة. اطلب من الطلاب كتابة اتجاهات التقريب بجانب كل مسألة. ينبغي أن تتكون الاتجاهات من كلمة واحدة أو كلمتين تحددان كل منزلة عددية ينبغي تقريب العامل إليها. على سبيل المثال، قَرِّب إلى منزلة أجزاء من مئة.

قريب من المستوى المستوى 2: التدخل الإستراتيجي

نشاط عملي المواد: بطاقات فهرسة

أعط مجموعات الطلاب الثنائية عشرة من بطاقات الفهرسة واطلب منهم كتابة كل عدد من الأعداد التالية على بطاقة واحدة: 0 و10 و20 و30 و40 و50 و60 و70 و80 و90. اكتب مسألة ضرب مكونة من رقمين في رقمين، مثل 32×49 . اطلب من كل مجموعة ثنائية إيجاد البطاقتين اللتين تمثلان التقديرات الصحيحة للعوامل الموجودة في هذه المسألة. اطلب منهم الاحتفاظ بالبطاقات. **30. 50** اطلب من المجموعات الثنائية العمل معًا لإيجاد ناتج الضرب المقدر لمسألة الضرب. **1,500** كرر ذلك مع مسائل الضرب الأخرى.

واجباتي المنزلية

قم بتكليف الطلاب بواجب منزلي بعد إكمال الدرس بنجاح. يمكن للطلاب الذين يستوعبون المفاهيم تجاوز قسم **مساعد الواجب المنزلي**.

حل المسائل

3 التحقق من صحة الحل

التمرين 6 اذكر عاملين يمكن لوائل استخدامهما لجعل تقديره صحيحًا.

الإجابة النموذجية: 105×12

مراجعة المفردات

اطلب من الطلاب الرجوع إلى بطاقات المفردات إذا كانوا بحاجة إلى دعم إضافي.

تمرين على الاختبار

تشخيص أخطاء الطلاب

قد تشير توجهات الصف نحو الإجابات الخاطئة إلى وجود أخطاء شائعة أو مفاهيم خاطئة بين الطلاب.

A التقدير غير صحيح لإيجاد ناتج 50×10

B صحيح

C التقدير غير صحيح لإيجاد ناتج 60×10

D التقدير غير صحيح لإيجاد ناتج 55×15

التقييم التكويني

بطاقة التحقق من استيعاب الطلاب اكتب 267×14 على السبورة. اطلب من الطلاب نسخ المسألة على بطاقة الفهرسة. اطلب منهم إيجاد الحل باستخدام التقدير أو الأعداد المتوافقة. ذكر الطلاب بإظهار إجاباتهم.
الإجابة النموذجية: $300 \times 10 = 3,000$

حل المسائل الإجابات النموذجية: 4-6

4. في اجتماع المدرسة، يجلس الطلاب على مقاعد مرتبة في 53 صفًا. يوجد 12 مقعدًا في كل صف. كم عدد الطلاب الذين يتكلمون بالجلوس؟ اشرح كيف قدرت الناتج.

طالب $12 \times 50 = 600$

5. اشترت زينة دزينة أكياس من طعام الطيور نظير 27 AED. استخدم معددين متوافقين لإيجاد التكلفة التقريبية لستة دزينات من أكياس طعام الطيور. اشرح كيف قدرت الناتج.

6 \times AED 30 = AED 180

6. **الممارسة** اكتب عن الخطأ بذكر وائل ناتج 139×18 واشرح كيف قدرته.

$100 \times 10 = 1,000$

قريب وائل كلا العاملين: ينفي تقريب العامل 18 إلى 20.

$139 \times 18 \approx 100 \times 20 = 2,000$

مراجعة المفردات

أملّ الفراغ بالمصطلح أو العدد الصحيح لإكمال الجملة.

7. يحدد بالأعداد المتوافقة الأعداد الموجودة في مسألة ما ويسهل التعامل معها **ذهنيًا**.

تمرين على الاختبار

8. لفشاء عطلت عبر الجول، قامت سحر بتعبئة خزان غاز سعته 54 لترا حوالي إحدى عشرة مرة. ما أفضل تقدير لإجمالي عدد لترات الغاز التي قامت بتعبئتها في الخزان؟

Ⓐ 500 لتر Ⓑ 600 لتر
Ⓒ 540 لتر Ⓓ 825 لترا

واجباتي المنزلية

الاسم: _____

الدرس 8
تقدير نواتج الضرب

مساعد الواجب المنزلي

ترسل مدرسة ماونت فيو الإعدادية 21 صندوقًا من الجلات إلى مدرسة في أوجواي. توجد 154 جلة في كل صندوق. كم عدد الجلات المرسله؟

قدر تاغ ضرب العددين 21 و154.

طريقة للحل تقريب كل عامل إلى أقرب عشرة.

$154 \rightarrow 150$	$\times 21$	$\rightarrow 3,000$
قرب 154 إلى أقرب عشرة.	قرب 21 إلى أقرب عشرة.	أوجد ناتج 150×20 ذهنيًا.

بتقريب كلا العاملين إلى أقرب عشرة، التقدير هو 3,000 جلة.

طريقة أخرى للحل استخدام الأعداد المتوافقة.

$154 \rightarrow 200$	$\times 21$	$\rightarrow 40,000$
استخدم الأعداد التي تحربها فيها ذهنيًا مثل 200 و20.	أوجد ناتج 200×20 ذهنيًا.	

باستخدام معددين متوافقين، التقدير هو 4,000 جلة.

تمرين الإجابات النموذجية: 1-3

قدر باستخدام التقريب أو الأعداد المتوافقة. اشرح كيف قدرت الناتج.

1. $\begin{array}{r} 4 \\ \times 24 \\ \hline \end{array}$	2. $\begin{array}{r} 76 \\ \times 78 \\ \hline \end{array}$	3. $\begin{array}{r} 508 \\ \times 27 \\ \hline \end{array}$
$4 \times 25 = 100$	$80 \times 80 = 6,400$	$500 \times 30 = 15,000$

التركيز

التمرس في ضرب الأعداد الكلية المكونة من عدة أرقام باستخدام منهجية خوارزمية معيارية.

المهارات

- 1 فهم طبيعة المسائل والمثابرة في حلها
- 2 التفكير بطريقة تجريدية وبطريقة كميّة
- 3 بناء فرضيات عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين
- 4 استخدام نماذج الرياضيات
- 5 استخدام الأدوات الملائمة بطريقة إستراتيجية
- 6 مراعاة الدقة
- 7 محاولة إيجاد البنية واستخدامها

الترابط المنطقي

الربط بالموضوعات الرئيسة

الربط بمجال التركيز المهم التالي: 2. توسيع القسمة إلى مقسوم عليه مكون من رقمين، ودمج الكسور العشرية في نظام القيمة المكانية وتطوير فهم العمليات المتعلقة بالكسور العشرية والأجزاء من أجزاء من مئة والتمرس في عمليات الأعداد الكلية والعشرية.

الدقة

تزداد صعوبة التمارين مع تقدّم الدرس. ومع ذلك، قد يتباين تفكير الطلاب الفردي خلال عملية الممارسة الموسّعة.

مستويات الصعوبة

- المستوى 1 استيعاب المفاهيم
 - المستوى 2 تطبيق المفاهيم
 - المستوى 3 توسيع في المفاهيم
- التمرين 1
التمارين 2-13
التمارين 14-18

هدف الدرس

سيقوم الطلاب بضرب عدد مكون من ثلاثة أرقام في عدد مكون من رقم واحد.

تنمية المفردات

مراجعة المفردات

عامل (factor)

نتاج الضرب (product)

النشاط

- 4 استخدام نماذج الرياضيات اكتب عامل ونتاج الضرب وتعريفهما على السبورة.
- اطلب من الطلاب رسم جدول يحتوي على عمودين، وتسمية أحدهما "العوامل" والآخر "نواتج الضرب".
- بعد ذلك، اطلب منهم كتابة العديد من تعابير الضرب باستخدام الحقائق الأساسية المذكورة في عمود "العوامل". اطلب منهم كتابة كل ناتج ضرب في عمود نواتج الضرب.

2 الاستقصاء واستخدام النماذج

مراجعة

مسألة اليوم

ناتج ضرب ثلاثة أعداد كلية متتالية هو 720. ما هي تلك الأعداد؟ اكتب الحل هنا.

8. 9. 10

1 فهم طبيعة المسائل اطلب من الطلاب ابتكار مسألة مشابهة لهذه المسألة.

تمرين سريع

استخدم هذا النشاط كمراجعة سريعة وتقييم للدرس السابق.

الربط مع الأدب

اقرأ أحد الكتب العامة، مثل "حلم أماندا بينز المدهش" Amanda Bean's Amazing Dream من تأليف سيندي نيوشواندر، لتهيئة الطلاب لهذا الدرس.



تمثيل المسائل الرياضية

الهدف: المهارة والتمرس الإجرائيان

المواد: مخطط القيمة المكانية، لعبة النقود

استخدم مخطط القيمة المكانية وقسمه إلى ثلاثة أعمدة "دولارات" و"دايمات" و"بنسات" ضع دولارين و3 دايمات وبنسين في مخطط القيمة المكانية.

بنسات	دايمات	دولارات
2	3	2

كم تساوي القيمة بالدولارات والبنسات؟ والبنسات فقط؟ \$ 2.32؛ 232 سنًا

ستضاعف مقدار النقود أو تضربه في 2. ضع العملات في المخطط وأنت تحل المسألة.

اكتب $2 \times 232 = (2 \times 200) + (2 \times 30) + (2 \times 2)$.

كم عدد الدولارات والدايمات والبنسات الموجودة الآن؟ ما القيمة الإجمالية بالبنسات؟

4 دولارات و6 دايمات و4 بنسات؛ 464 سنًا

الرياضيات في حياتنا

مثال 1

اقرأ المثال مع الطلاب.

ما المسألة التي يجب علينا حلها حسب المثال؟ ا ضرب 4 في 38.

اشرح كيف تضرب الأجزاء لإيجاد نواتج الضرب الجزئية.

بمجرد أن نصل إلى نواتج الضرب الجزئية، يمكننا جمعها معًا لإيجاد ناتج الضرب. اتبع الخطوات المذكورة في صفحة الطالب لإيجاد ناتج الضرب. تحقق من إجابتك باستخدام التقدير.

ما الطريقة المستخدمة للتحقق من ناتج الضرب؟ استخدام نموذج المساحة.

حدد نموذج المساحة المشار إليه في صفحة كتاب الطالب.

إلى أي أعداد سنقسم العدد 38؟ $8 + 30$

استخدام نماذج الرياضيات اطلب من الطلاب مناقشة طرق أخرى لتمثيل

4 38×4 بالنظر

مثال 2

استخدام البنية في هذا المثال سنبدأ باستخدام التقدير.

اكتب التقدير على السبورة.

والآن اكتب المسألة الفعلية على السبورة.

ا ضرب الآحاد. ما ناتج 5×7 ؟ 35

اكتب العدد 3 في المربع الموجود أعلى منزلة أجزاء من عشرة. يقع العدد 5 في منزلة الآحاد.

اتبع الخطوات وشرحها للطلاب على السبورة.

سنقارن إجابتنا بالتقدير للتحقق من أننا على صواب.

تمرين موجه

أرشد الطلاب أثناء حل التمارين الواردة في قسم "تمرين موجه". ذكّر الطلاب بضرب الآحاد ثم أجزاء من عشرة كما نفعّل دائمًا.

حديث في الرياضيات: محادثة تعاونية

6 مراعاة الدقة اشرح كل خطوة لإيجاد 3×416 . ا ضرب الآحاد: 6 من الآحاد

$18 = 3 \times 6$ من الآحاد. أعد تجميع 18 من الآحاد في صورة 1 من أجزاء من عشرة و 8 من الآحاد. ا ضرب أجزاء من عشرة: 1 من أجزاء من عشرة $3 = 3 \times 1$ من أجزاء من

عشرة. اجمع أي عشرات جديدة:

3 من أجزاء من عشرة + 1 من أجزاء من عشرة = 4 من أجزاء من عشرة. ا ضرب

أجزاء من مئة: 4 من أجزاء من مئة

$12 = 3 \times 4$ من أجزاء من مئة. الإجابة هي 1,248.

مثال 2
أوجد ناتج 5×317 .
قدر $300 \times 5 = 1,500$

1 ا ضرب الآحاد.
7 آحاد $5 \times 7 = 35$ من الآحاد
أعد تجميع 35 من الآحاد في صورة 3 من أجزاء من عشرة و 5 من الآحاد.

2 ا ضرب أجزاء من عشرة.
1 من أجزاء من عشرة $5 \times 1 = 5$ من أجزاء من عشرة
اجمع أي أجزاء من عشرة جديدة.
5 من أجزاء من عشرة + 3 من أجزاء من عشرة = 8 من أجزاء من عشرة

3 اجمع أجزاء من مئة.
3 من أجزاء من مئة $5 \times 3 = 15$ من أجزاء من مئة

إذًا: $317 \times 5 = 1,585$
تحقق: $1,585 \approx 1,500$ فإن الحل مع التقدير.

تمرين موجه
اشرح كل خطوة لإيجاد 3×416

1. ا ضرب 2×42
قدر $80 = 40 \times 2$

$$\begin{array}{r} 42 \\ \times 2 \\ \hline 84 \end{array}$$

إذًا: $42 \times 2 = 84$

تحقق $84 \approx 80$



الدرس 9
السؤال الأساسي
ما الإستراتيجية التي يمكن استخدامها لضرب الأعداد الكبيرة؟

الضرب في أعداد مكونة من رقم واحد

مثال 1
دفعت زهرة وثلاثة من صديقاتها مبلغ 38 AED لكل منهن نظير الحصول على تذكرة دخول مدينة الملاهي. يمكن إيجاد إجمالي المبلغ المدفوع بضرب 4 في 38.

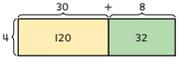
أوجد ناتج ضرب 38×4

1 ا ضرب الآحاد.
 $32 = 4 \times 8$ آحاد من الآحاد
أعد تجميع 32 من الآحاد في صورة 3 أجزاء من عشرة و 2 آحاد.

2 ا ضرب أجزاء من عشرة.
3 أجزاء من عشرة $4 \times 12 = 48$ من أجزاء من عشرة
اجمع أي أجزاء من عشرة جديدة.
12 من أجزاء من عشرة + 3 أجزاء من عشرة = 15 من أجزاء من عشرة

إذًا، يصل المبلغ الإجمالي المدفوع نظير دخول مدينة الملاهي إلى **AED 152**

التحقق يمكنك استخدام نموذج للتحقق من إجابتك.

تمارين ذاتية

استنادًا إلى ملاحظتك، يمكنك اختيار تكليف الطلاب بالتمارين حسب الموضح في المستويات أدناه: **RtI**

- قريب من المستوى قم بتكليف الطلاب بالتمارين 18، (فردية) 17-3.
- ضمن المستوى قم بتكليف الطلاب بالتمارين 18-15، (زوجية) 14-2.
- أعلى من المستوى قم بتكليف الطلاب بالتمارين 18-8.



خطأ شائع! قد يواجه الطلاب صعوبة في تذكر متى ينبغي جمع أجزاء من عشرة أو أجزاء من مئة المعاد تجميعها. اشرح لهم مسألة باستخدام مكعبات نظام عد أجزاء من عشرة بحيث يتمكنون من التحقق من أن أجزاء من عشرة أو أجزاء من مئة المعاد تجميعها غير موجودة في المجموعات التي يتم ضربها. وبالتالي يتم جمعها بعد إجراء عملية الضرب.

حل المسائل

5 استخدام الأدوات الملائمة

التمرين 15 قد يعتقد الطلاب أن التقدير سيكون مناسبًا لهذه الحالة. يمكن استخدامه للتحقق من صحة الحل، لكن تحتاج المسألة إلى إجابة محددة.

2 التفكير بطريقة تجريدية

التمرين 17 ينبغي على الطلاب الاستعانة بالتقدير للتحقق مما إذا كانت الإجابة صحيحة. شجّع الطلاب على حل المسألة لإيجاد الإجابة الصحيحة.

الاستفادة من السؤال الأساسي

التمرين 18 اطلب من الطلاب الاعتماد على استيعابهم للمفاهيم اللازمة للإجابة عن السؤال الأساسي للوحدة.

التقويم التكويني

بطاقات التطبيق اطلب من الطلاب كتابة تطبيق واحد على الأقل من الحياة اليومية للضرب في أعداد مكونة من رقم واحد.

انظر الصفحة التالية للاطلاع على خيارات التدريس المتميز. **RtI**

حل المسائل

14. يمكن أن تحمل طائرة واحدة من طراز 747 حوالي 420 مسافرًا. كم يبلغ إجمالي المسافرين الذي يمكن أن تحملهم ثلاث طائرات؟
1,260 مسافرًا

15. **الممارسة 3** استخدام أدوات الرياضيات يوجد في إحدى الفاعات 9 صفوف من المعامد مع 18 معنًا في كل صف. توجد أيضًا 6 صفوف من المعامد مع 24 معنًا في كل صف. كم عدد المعامد الموجودة في الفاعة؟ فّر أولاً. ثم تحقق من مدى صحة الحل.
306 معنًا؛ راجع تقديرات الطلاب.

16. اشترت سينا 14 علبة من طعام القطط. تزن كل علبة 8 أونصات. كم يبلغ إجمالي أونصات طعام القطط التي اشترتها؟
112 أونصة

الإجابات النموذجية: 17، 18

17. **الممارسة 4** استخدام الحس العددي ضربت كاميليا 842 في 3 وحصلت على 3,326. كيف يمكننا التحقق من أن إجابتها صحيحة؟
بتقريب 842 إلى 800. ينبغي أن يكون الناتج حوالي $3 \times 800 = 2,400$. إذا، الإجابة غير صحيحة.

18. **الاستفادة من السؤال الأساسي** ما الإجراء المحدد للضرب في عدد مكون من رقم واحد؟
اضرب الأعداد وأجزاء من عشرة وأعد تجميعها إذا لزم الأمر. واصل في حالة وجود أي أجزاء من مئة.

الاسم: _____

تمارين ذاتية

2-13. راجع تقديرات الطلاب.

قُدّر. ثم اضرب. استخدم تقديرك للتحقق من صحة إجابتك.

2. $\begin{array}{r} 21 \\ \times 3 \\ \hline 63 \end{array}$	3. $\begin{array}{r} 32 \\ \times 6 \\ \hline 192 \end{array}$	4. $\begin{array}{r} 52 \\ \times 9 \\ \hline 468 \end{array}$
5. $\begin{array}{r} 401 \\ \times 7 \\ \hline 2,807 \end{array}$	6. $\begin{array}{r} 712 \\ \times 3 \\ \hline 2,136 \end{array}$	7. $\begin{array}{r} 143 \\ \times 9 \\ \hline 1,287 \end{array}$
8. $31 \times 5 = 155$	9. $208 \times 3 = 624$	10. $47 \times 6 = 282$
11. $211 \times 7 = 1,477$	12. $182 \times 6 = 1,092$	13. $806 \times 7 = 5,642$

حقوق الطبع والنشر © مجموعة المناهج التعليمية، مؤسسة ماكغرو-هيل إديوكيشن. 2016

أعلى من المستوى التوسّع

نشاط عملي المواد: بطاقات فهرسة مرقمة من 0-9
أعط كل ثنائي أو مجموعة من الطلاب مجموعة من البطاقات التي تحمل أعدادًا من 0 إلى 9. يقوم أحد الطلاب بدور التاجر ويوزّع ثلاث بطاقات على كل لاعب. سيستخدم اللاعبون البطاقات الثلاث لتكوين عدد مكون من رقمين وعدد مكون من رقم واحد، وسيتم ضربهما لإيجاد أكبر ناتج ضرب ممكن. وسيقومون بضرب هذه الأعداد معًا، وتكون هذه هي درجاتهم. سيستمر الطلاب في لعب الجولات حتى تكتمل خمس جولات أو ينتهي الوقت. يفوز الطالب صاحب الدرجة الأعلى.

ضمن المستوى المستوى 1

نشاط عملي المواد: مكعبا أعداد، أقلام رصاص، ورق
اطلب من الطلاب اللعب في مجموعات ثنائية. يدحرج الطالب الأول مكعبات الأعداد ويستخدم الأعداد المدحرجة في صورة عوامل. سيسجلون ناتج الضرب في أعلى الصفحة. يدحرج الطالب الثاني المكعب ويسجل الأعداد. يتبادل الطلاب بعد ذلك الأدوار في درجة أحد مكعبات الأعداد مرة واحدة لكل دور. بعد كل درجة، يضرب الطالب العدد المتدحرج في ناتج ضرب عمليات الدرجة السابقة. يفوز الطالب الذي يصل إلى 1,000 أولاً.

قريب من المستوى المستوى 2: التدخل الإستراتيجي

نشاط عملي المواد: جدول الضرب، أقلام رصاص، ورق
قم بتعليق جدول الضرب الكبير في الصف ليرجع إليه الطلاب.
اطلب من الطلاب العمل في مجموعات ثنائية. ينبغي تبديل الأدوار. بأن تطلب من أحد الطلاب ابتكار مسألة ضرب، ومن الآخر حل المسألة.

واجباتي المنزلية

قم بتكليف الطلاب بواجب منزلي بعد إكمال الدرس بنجاح. يمكن للطلاب الذين يستوعبون المفاهيم تجاوز قسم **مساعد الواجب المنزلي**.

حل المسائل

3 التحقق من صحة الحل

التمرين 4 اطلب من الطلاب مناقشة الإستراتيجية التي استخدموها لحل المسألة.

تمرين على الاختبار

تشخيص أخطاء الطلاب

قد تشير توجيهات الصف نحو الإجابات الخاطئة إلى شيوع أخطاء أو مفاهيم خاطئة بين الطلاب.

- A تم ضرب 6×36
 B صحيح
 C تم ضرب 5×30
 D تم جمع $5 + 36$

التتويج التكويني

كتابة سريعة اطلب من الطلاب كتابة جمل قليلة عن كيف ساعدت المفاهيم المستخلصة من الدروس السابقة على فهم الدرس الذي تم تناوله بالشرح اليوم.

واجباتي المنزلية

الدرس 9

الضرب في أعداد مكونة من رقم واحد

مساعد في الواجب المنزلي

يمادل طول شجرة الصبار الأكبر في العالم 5 مرات من طول شجرة الصبار المشار إليها. كم يبلغ طول شجرة الصبار الأكبر في العالم؟

أوجد ناتج 5×15

قَدِّر $5 \times 20 = 100$

1 ضرب الأعداد

5 أضعاف $5 \times 25 = 125$ من الأعداد

أعد جميع 25 من الأعداد في صورة 2 من أجزاء من عشرة و5 من الأعداد.

2 ضرب أجزاء من عشرة

1 من أجزاء من عشرة $5 \times 5 = 25$ من أجزاء من عشرة

اجمع أي أجزاء من عشرة جديدة.

5 من أجزاء من عشرة $2 + 3$ من أجزاء من عشرة = 7 من أجزاء من عشرة

إذاً، يبلغ طول شجرة الصبار الأكبر في العالم 75 قدماً.

تحقق: قارن الحل مع التعبير. $100 \approx 75$



$$\begin{array}{r} 2 \downarrow \\ 15 \\ \times 5 \\ \hline 75 \end{array}$$

تمرين 1-3، راجع تقديرات الطلاب.

قَدِّر، ثم ضرب، استخدم تقديرك للتحقق من صحة إجابتك.

$$\begin{array}{r} 1. \quad 18 \\ \times 8 \\ \hline 144 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2. \quad 72 \\ \times 4 \\ \hline 288 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3. \quad 341 \\ \times 4 \\ \hline 1,364 \end{array}$$

حل المسائل

4. **الممارسة** التحقق من صحة الحل ركض حسن مسافة 440 ياردة ومسافة 220 ياردة في حلبة السباق. توجد 3 أقدام في الياردة الواحدة، ما إجمالي عدد الأقدام التي قطعها حسن؟ قَدِّر أولاً، ثم تحقق من صحة الحل.

1,980 قدماً، راجع عمل الطلاب.

5. أحضر كل طالب في صف العلوم الذي تدرسه البعثة أماني 3 كتب لغرض التبرع. إذا كان هناك 25 طالباً في الصف، فكم عدد الكتب الإجمالية التي جمعوها؟

75 كتاباً

6. تجيز ياسين وخولة الصوف لحظلة الخبز. يجرى 24 صفًا مع 6 مقاعد في كل صف. كم يبلغ إجمالي الأشخاص الذين تستوعبهم الكرسي في الصوف؟

144 شخصاً

7. أخرجت أنباء سلحفاة من الحوض البخص لها لمدة 15 دقيقة في كل مساء لمدة 7 أيام. كم يبلغ إجمالي الدقائق التي أخرجت فيها سلحفاة من الحوض البخص لها؟

105 دقائق

تمرين على الاختبار

8. يحتوي المطعم على 36 طاولة. إذا أمكن جلوس خمسة أشخاص على كل طاولة، فكم عدد الأشخاص الذين يمكنهم الجلوس في المطعم؟

Ⓐ 216 شخصاً

Ⓑ 180 شخصاً

Ⓒ 150 شخصاً

Ⓓ 41 شخصاً

هدف الدرس

سيقوم الطلاب بضرب عدد مكون من ثلاثة أرقام في عدد مكون من رقمين.

تنمية المفردات

مراجعة المفردات

تقدير (estimate)

نتج الضرب (product)

النشاط

- **مراعاة الدقة** اكتب كلمتي ناتج الضرب والتقدير على السبورة. اطلب من الطلاب مراجعة معاني الكلمات.
- شجع الطلاب على العمل في مجموعات ثنائية. اطلب من الطلاب استخدام الكلمات لكتابة أسئلة مثل "اضرب 45 في 16. ما ناتج الضرب؟" دور الطالب الثاني هو الإجابة عن السؤال باستخدام جملة كاملة.

التركيز

التمرس في ضرب الأعداد الكلية المكونة من عدة أرقام باستخدام منهجية خوارزمية معيارية.

المهارات

- 2 التفكير بطريقة تجريدية وبطريقة كميّة
- 3 بناء فرضيات عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين
- 4 استخدام نماذج الرياضيات
- 5 استخدام الأدوات الملائمة بطريقة إستراتيجية
- 6 مراعاة الدقة

الترابط المنطقي

الربط بالموضوعات الرئيسية

الربط ب مجال التركيز المهم التالي: 2. توسيع القسمة إلى مقسوم عليه مكون من رقمين، ودمج الكسور العشرية في نظام القيمة المكانية وتطوير فهم العمليات المتعلقة بالكسور العشرية والأجزاء من أجزاء من مئة والتمرس في عمليات الأعداد الكلية والعشرية.

الدقة

تزداد صعوبة التمارين مع تقدّم الدرس. ومع ذلك، قد يتباين تفكير الطلاب الفردي خلال عملية الممارسة الموسّعة.

مستويات الصعوبة

- المستوى 1 استيعاب المفاهيم
- المستوى 2 تطبيق المفاهيم
- المستوى 3 توسيع المفاهيم
- التمرين 1
- التمارين 2-13
- التمارين 14-18

2 الاستقصاء واستخدام النماذج

مراجعة

مسألة اليوم

يركض بلال لمدة 50 دقيقة كل صباح. كم الوقت الذي يقضيه في الركض في أسبوعين؟
700 دقيقة

2 **التنكير بطريقة كمية** اطلب من الطلاب إعادة النظر في المسألة التي قاموا بحلها. اسأل ما العملية التي يحتاجون إلى استخدامها لحل هذه المسألة.

تمرين سريع

استخدم هذا النشاط كمراجعة سريعة وتقييم للدرس السابق.

الربط مع الأدب

اقرأ أحد الكتب العامة، مثل "مربعات البحر" Sea Squares من تأليف جوي هولم. لتهيئة الطلاب لهذا الدرس.



تمثيل المسائل الرياضية

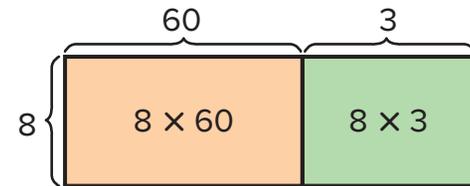
الهدف: المهارة والتمرس الإجرائيان

المواد: نماذج المساحة

راجع الخطوات المستخدمة لضرب عدد مكون من رقم واحد.

يمكن لاستخدام نواتج الضرب الجزئية ونماذج المساحة المساعدة على إيجاد نواتج الضرب.

استخدم نموذج مساحة لإيجاد 8×63 .



اطلب من أحد المتطوعين أن يقترب من السبورة ويشرح كل خطوة أثناء إيجاد ناتج الضرب.

باستخدام نواتج الضرب الجزئية، ما ناتج الضرب؟ 504

سنقوم اليوم بالضرب في أعداد مكونة من رقمين. سنتبع نفس الخطوات كما فعلنا عند الضرب في أعداد مكونة من رقم واحد.

ما الخطوة الإضافية اللازمة عند ضرب عدد مكون من رقمين في عدد مكون من رقم واحد؟ سنحتاج إلى ضرب الأحاد وضرب أجزاء من عشرة.

الرياضيات في حياتنا

مثال 1

اقرأ المثال بصوت مرتفع.
أوجد التقدير أولاً.

والآن اتبع الخطوات أثناء التدريس.

سنبداً بضرب الآحاد كما فعلنا عند الضرب في عدد مكون من رقم واحد.

اكتب المسألة وأجب عنها أثناء اتباعك للخطوات.

والآن سنضرب منزلة أجزاء من عشرة. باستخدام صفر كعنصر نائب، اضرب 1 في 13.

اجمع نتائج الضرب الجزئية الآن. ما ناتج الضرب النهائي؟ 156

3 التحقق من صحة الحل ناقش مع الطلاب كيفية التحقق من عملهم لمعرفة ما إذا كانت إجاباتهم صحيحة. يمكن للطلاب استخدام التقدير للتحقق من نتائجهم.

مثال 2

4 استخدام نماذج الرياضيات اتبع نفس الممارسة. ذكر الطلاب أثناء كتابة المسألة أن عليهم إدراك القيمة المكانية في كل خطوة.

تمرين موجه

أرشد الطلاب أثناء حل التمارين الواردة في قسم "تمرين موجه". تحقق للتأكد من أن الطلاب يتبعون جميع الخطوات عند الضرب في أعداد مكونة من رقمين.

حديث في الرياضيات: محادثة تعاونية

3 بناء الفرضيات صف كيف يتم استخدام الجمع عند الضرب في أعداد مكونة من رقمين. الإجابة النموذجية: يتم ضرب كل رقم موجود في العدد المكون من رقمين في العامل الآخر. ثم يتم جمع ناتج عمليتي الضرب لإيجاد ناتج الضرب النهائي.

مثال 2
أوجد ناتج 165×31
قدر $200 \times 30 = 6,000$

1 ضرب الآحاد.
 $165 \times 1 = 165$

2 ضرب أجزاء من عشرة.
 $165 \times 30 = 4,950$

3 اجمع.
 $165 + 4,950 = 5,115$

إذًا $165 \times 31 = 5,115$
تحقق فارق للتقدير: $6,000 \approx 5,115$

تمرين موجه

1. اضرب 32×13 .
قدر $30 \times 10 = 300$

$$\begin{array}{r} 32 \\ \times 13 \\ \hline 96 \\ + 320 \\ \hline 416 \end{array}$$

إذًا $32 \times 13 = 416$
تحقق من مدى صحة الحل: $300 \quad 416$

وضّح كيف يتم استخدام الجمع عند الضرب في أعداد مكونة من رقمين.

الدرس 10
الضرب في أعداد مكونة من رقمين
ما الإستراتيجية التي يمكن استخدامها لضرب الأعداد الكبيرة؟

الرياضيات في حياتنا

مثال 1
يمكن للقط المنزلية أن تجري على الأرض لمسافة تصل إلى 13 مترًا في الثانية. وفقًا لهذا المعدل، كم عدد الأمتار التي يمكن للقط قفزها جريًا في 12 ثانية؟

أوجد ناتج 13×12
قدر $130 \times 10 = 1,300$

1 ضرب الآحاد.
 $13 \times 2 = 26$

2 ضرب العشرات.
 $13 \times 10 = 130$

3 اجمع.
 $26 + 130 = 156$

إذًا يمكن للقط المنزلية أن تجري مسافة **156** مترًا في 12 ثانية.
تحقق فارق للتقدير: $130 \approx 156$

أوجد ناتج 13×12 باستخدام نموذج الضرب الموزون.

من خلال إجراء التقدير أولاً، يمكنك تحديد إذا كانت إجابتك منطقية.

تمارين ذاتية

RtI استنادًا إلى ملاحظتك، يمكنك اختيار تكليف الطلاب بالتمارين حسب الموضح في المستويات أدناه:

- **قريب من المستوى** قم بتكليف الطلاب بالتمارين 18، (الفردية) 3-17.
- **ضمن المستوى** قم بتكليف الطلاب بالتمارين 15-18، (الزوجية) 2-14.
- **أعلى من المستوى** قم بتكليف الطلاب بالتمارين 8-18.

خطأ شائع! قد يواجه الطلاب صعوبة في تذكر وضع الصفر في منزلة الآحاد عند الضرب في أجزاء من عشرة. شجّعهم على كتابة صفر تلقائيًا في منزلة الآحاد لنتائج ضرب أجزاء من عشرة قبل بدء الضرب في أجزاء من عشرة.

حل المسائل

5 استخدام الأدوات الملائمة

التمرين 15 قد يرغب الطلاب في كتابة المسألة أفقيًا في المساحة المتوفرة لإيجاد ناتج الضرب. ذكر الطلاب بالتأكد من إعادة التجميع عند الضرورة.

2 التفكير بطريقة كمية

التمرين 17 اطلب من الطلاب كتابة المسألة أفقيًا. إذا واجهتهم مشكلة، فاشرح لهم أنهم سيحتاجون إلى ضرب كل قيمة مكانية.

التتويج التكويني

التلخيص اطلب من الطلاب كتابة ملخص يشرح ما الذي تعلموه اليوم.

انظر الصفحة التالية للاطلاع على خيارات التدريس المتميز. **RtI**

حل المسائل

14. تشتري أم فيصل عيونين من شرائح الكعك كل أسبوع، ويحتوي كل عيون على 8 شرائح من الكعك، إذا استمرت في شراء عيون كل أسبوع، فكم سيكون عدد شرائح الكعك التي تشتريها في عام (عام واحد = 52 أسبوعًا)؟
832 شريحة من الكعك

15. **الممارسة** استخدام أدوات الرياضيات نطلق شاشة نزل مسافة 278 كيلومترًا كل يوم، فما مقدار المسافة التي نطعمها في 25 يومًا؟
6,950 كيلومترًا

16. يمكن للبقرة أن تأكل 11 كيلو جرامًا من التبن كل يوم، وقتها لهذا البعد، كم كيلو جرامًا من التبن يمكن للبقرة أن تأكل في 31 يومًا؟
341 كيلو جرامًا

17. **الممارسة** استخدام الحس العددي أوجد ناتج 235×124 استخدم نفس الإستراتيجية التي استخدمتها للضرب في عدد مكون من رقمين باستثناء الضرب في منزلة أجزاء من عشرة.
29,140

18. **الاستفادة من السؤال الأساسي** كيف تضرب في الأعداد الكسوة من رقمين؟
الإجابة النموذجية: اضرب الآحاد ثم أجزاء من عشرة، ثم اجمع النتائج لإيجاد ناتج الضرب.

تمارين ذاتية

الاسم: _____

13-2. راجع تقديرات الطلاب.

قارن، ثم اضرب. استخدم التقدير للتحقق من صحة إجابتك.

2. $\begin{array}{r} 102 \\ \times 12 \\ \hline 1,224 \end{array}$	3. $\begin{array}{r} 102 \\ \times 56 \\ \hline 5,712 \end{array}$	4. $\begin{array}{r} 24 \\ \times 21 \\ \hline 504 \end{array}$
5. $\begin{array}{r} 39 \\ \times 34 \\ \hline 1,326 \end{array}$	6. $\begin{array}{r} 13 \\ \times 54 \\ \hline 702 \end{array}$	7. $\begin{array}{r} 51 \\ \times 82 \\ \hline 4,182 \end{array}$
$8.21 \times 42 = \underline{882}$	$9. 69 \times 14 = \underline{966}$	$10. 83 \times 367 = \underline{30,461}$
$11.534 \times 67 = \underline{35,778}$	$12. 141 \times 25 = \underline{3,525}$	$13. 229 \times 31 = \underline{7,099}$

حقوق الطبع والنشر © مجموعة المساح مؤسسة McGraw-Hill Education

أعلى من المستوى التوسع

نشاط عملي المواد: قرص دوار مرقم بالأعداد 1-9

اطلب من الطلاب اللعب في مجموعات ثنائية. يقوم اللاعبون بدرجة القرص 5 مرات في كل مرة ويقومون بتسجيل كل رقم يظهر له.

يرتب اللاعبون الأرقام في مسألة مكونة من ثلاث أرقام ويضربونها في عدد مكون من رقمين. الهدف هو إيجاد أكبر ناتج ضرب.

يضرب اللاعبون عوامل المسألة ثم يقارنون بينها. اطلب من اللاعبين تبادل الأوراق والضرب للتحقق من العمليات الحسابية الأخرى وأعد المقارنة.

ضمن المستوى المستوى 1

نشاط عملي المواد: لا شيء

أخبر الطلاب أن هناك طريقة مختصرة خاصة لضرب الأعداد المكونة من رقمين التي تنتهي بخمسة. حثهم على استقصاء طريقة تطبيق الحل. أعطهم الأمثلة التالية للمحاولة:

$$\begin{array}{r} 15 \\ \times 15 \\ \hline 225 \end{array} \quad \begin{array}{r} 25 \\ \times 25 \\ \hline 625 \end{array} \quad \begin{array}{r} 35 \\ \times 35 \\ \hline 1,225 \end{array}$$

اسأل: ما الذي تعلمته؟ في كل مرة، اضرب الأرقام التي عددها خمسة، $25 = 5 \times 5$. ثم زد موضع أجزاء من عشرة

العلوية بمقدار 1 واضرب مثلاً، $2 = 1 \times 2$ للمثال الأول $6 = 2 \times 3$ للمثال الثاني و $12 = 3 \times 4$ للمثال الثالث.

اسأل: هل يمكن تطبيق الطريقة على 45, 55, 65, 75, 85, 95؟ نعم، $45 \times 45 = 2,025$; $55 \times 55 = 3,025$;

$$65 \times 65 = 4,225; 75 \times 75 = 5,625; 85 \times 85 = 7,225; 95 \times 95 = 9,025$$

اسأل: هل يمكن تطبيق هذه الطريقة الخاصة على مسائل مثل 25×35 لأي أعداد أخرى؟ لا

قريب من المستوى المستوى 2: التدخل الإستراتيجي

نشاط عملي المواد: بطاقات فهرسة

أعط كل ثنائي أو مجموعة من الطلاب مجموعة من البطاقات المرقمة بأعداد من 0 إلى 9. أحد الطلاب هو التاجر ويقدم أربع بطاقات لكل لاعب.

سيستخدم اللاعبون البطاقات الأربع لتكوين عددين مكونين من رقمين سيتم ضربهما لإيجاد أكبر ناتج ضرب ممكن. وسيقومون بضرب هذه الأعداد معًا وتكون هذه هي درجاتهم. سيستمر الطلاب في لعب الجولات حتى تكتمل خمس جولات أو ينتهي الوقت. يفوز الطالب صاحب الدرجة الأعلى.

واجباتي المنزلية

قم بتكليف الطلاب بالتمارين منزلي بعد إكمال الدرس بنجاح. يمكن للطلاب الذين يستوعبون المفاهيم تجاوز قسم **مساعد الواجب المنزلي**.

حل المسائل

5 استخدام الأدوات الملائمة

التمرين 6 اطلب من الطلاب شرح الإستراتيجيات التي استخدموها لإيجاد الحل. شجّع الطلاب على ملاحظة أن هناك طرقًا مختلفة يمكن أن تؤدي إلى نفس الحل.

تمرين على الاختبار

تشخيص أخطاء الطلاب

قد تشير توجهات الصف نحو الإجابات الخاطئة إلى شيوع أخطاء أو مفاهيم خاطئة بين الطلاب.

- A لم يعد التجميع في منزلة أجزاء من مئة
- B قام بتقريب 12 إلى 10 وضرب 10×28
- C إجابة صحيحة
- D لم يضرب باستخدام القيمة المكانية الصحيحة

التقييم التكويني

التسلسل شجّع الطلاب على شرح كل خطوة أثناء حلهم المسألة. اكتب 372×45 على السبورة. اسأل الطلاب كيف يجدون ناتج الضرب. **16,740**; راجع عمل الطلاب.

حل المسائل

4. كانت السيدة علياء ترتب المتاعد لحفل الجوائز المدرسية. كان كل صف يحتوي على 15 متعديًا. إذا كان هناك 21 صفًا، فكم عدد المتاعد المطلوب ترتيبها؟

315 متعديًا

5. بجني ساسي AED 14 في الساعة، ما المبلغ الذي يجنيه في غضون 4 أسابيع إذا كان يعمل 12 ساعة في الأسبوع؟

AED 672

6. **الممارسة** استخدام أدوات الرياضيات بدون إجراء العملية الحسابية، كم يزيد ناتج ضرب 98×50 عن ناتج ضرب 97×50 ؟

50

عمر الطفل	التكلفة لكل أسبوع (AED)
شهر حتى 3 أعوام	10
أطفال 3 إلى 5 أعوام	12
أطفال ما فوق الخامسة لمدة 12 أسبوعًا، فكم ستجني لقاء ذلك؟	14

AED 2,064

تمرين على الاختبار

8. تنظم بومبا 12 رحلة إلى مصنع الزجاج، ويمكن لثمانية وعشرين شخصًا الذهاب في الرحلة الواحدة. كم عدد الأشخاص الذين يمكنهم زيارة مصنع الزجاج في اليوم؟

- Ⓐ 236 شخصًا
- Ⓑ 336 شخصًا
- Ⓒ 280 شخصًا
- Ⓓ 436 شخصًا

واجباتي المنزلية

الدرس 10
الضرب في أعداد مكونة من رقمين

مساعد الواجب المنزلي

تميش فاطمة في مدينة ناشيل، بولاية تينيسي، قطعت عائلتها في العام الماضي المسافة إلى مدينة لوينيل بولاية كنتاكي شهريًا لزيارة جدتها. أوجد المسافة الإجمالية المتقطعة لزيارة جدتها طوال العام.

أوجد ناتج 498×12
قدر $500 \times 10 = 5,000$

1 ضرب الأحاد: $498 \times 2 = 996$
2 ضرب أجزاء من عشرة: $498 \times 10 = 4,980$
3 اجمع: $996 + 4,980 = 5,976$

بلغ إجمالي المسافة التي قطعوها حوالي 5,976 كيلومترًا طوال العام. التحقق من صحة الحل قدر الحل مع التقدير. $5,976 \approx 5,000$

تمرين 3-1. راجع تقديرات الطلاب.

قدر، ثم اضرب. استخدم التقدير للتحقق من صحة إجاباتك.

- 1. $\begin{array}{r} 19 \\ \times 15 \\ \hline 285 \end{array}$
- 2. $\begin{array}{r} 43 \\ \times 65 \\ \hline 2,795 \end{array}$
- 3. $470 \times 56 = 26,320$

تمرين صقل المهارات

تحت هاتان الصفتان الطلاب على أن يصبحوا متفوقين في قدراتهم الحسابية. يمكنك استخدام كلي منهما كتمرين محدد المدة أو مفتوح المدة.

يتدرب الطلاب على الضرب في أعداد مكونة من رقم واحد.

يتدرب الطلاب على الضرب في أعداد مكونة من رقمين.

نصيحة تدريسية إحدى الطرق المتبعة لإكساب الطالب الثقة هي استخدام تلك الصفحات على نحو متكرر. اسع جاهداً إلى أن يكمل الطلاب جزءاً من كل صفحة بطريقة صحيحة في غضون مدة زمنية غير محددة. ثم اجعل الجزء المتبقي من الصفحة اختباراً محدد المدة.

الاسم

تمرين صقل المهارات

الضرب

1. $\begin{array}{r} 11 \\ \times 23 \\ \hline 253 \end{array}$	2. $\begin{array}{r} 54 \\ \times 41 \\ \hline 2,214 \end{array}$	3. $\begin{array}{r} 76 \\ \times 15 \\ \hline 1,140 \end{array}$	4. $\begin{array}{r} 35 \\ \times 64 \\ \hline 2,240 \end{array}$
5. $\begin{array}{r} 27 \\ \times 10 \\ \hline 270 \end{array}$	6. $\begin{array}{r} 89 \\ \times 33 \\ \hline 2,937 \end{array}$	7. $\begin{array}{r} 41 \\ \times 48 \\ \hline 1,968 \end{array}$	8. $\begin{array}{r} 92 \\ \times 13 \\ \hline 1,196 \end{array}$
9. $\begin{array}{r} 63 \\ \times 25 \\ \hline 1,575 \end{array}$	10. $\begin{array}{r} 39 \\ \times 67 \\ \hline 2,613 \end{array}$	11. $\begin{array}{r} 89 \\ \times 40 \\ \hline 3,560 \end{array}$	12. $\begin{array}{r} 19 \\ \times 84 \\ \hline 1,596 \end{array}$
13. $\begin{array}{r} 218 \\ \times 13 \\ \hline 2,834 \end{array}$	14. $\begin{array}{r} 104 \\ \times 37 \\ \hline 3,848 \end{array}$	15. $\begin{array}{r} 921 \\ \times 26 \\ \hline 23,946 \end{array}$	16. $\begin{array}{r} 585 \\ \times 48 \\ \hline 28,080 \end{array}$
17. $\begin{array}{r} 732 \\ \times 55 \\ \hline 40,260 \end{array}$	18. $\begin{array}{r} 337 \\ \times 79 \\ \hline 26,623 \end{array}$	19. $\begin{array}{r} 376 \\ \times 80 \\ \hline 30,080 \end{array}$	20. $\begin{array}{r} 890 \\ \times 14 \\ \hline 12,460 \end{array}$

جميع الحقوق محفوظة © مؤسسة ماساتشوستس للتعليم

الاسم

تمرين صقل المهارات

الممارسة

الضرب

1. $\begin{array}{r} 17 \\ \times 6 \\ \hline 102 \end{array}$	2. $\begin{array}{r} 24 \\ \times 7 \\ \hline 168 \end{array}$	3. $\begin{array}{r} 31 \\ \times 3 \\ \hline 93 \end{array}$	4. $\begin{array}{r} 68 \\ \times 2 \\ \hline 136 \end{array}$
5. $\begin{array}{r} 41 \\ \times 8 \\ \hline 328 \end{array}$	6. $\begin{array}{r} 92 \\ \times 5 \\ \hline 460 \end{array}$	7. $\begin{array}{r} 19 \\ \times 4 \\ \hline 76 \end{array}$	8. $\begin{array}{r} 67 \\ \times 7 \\ \hline 469 \end{array}$
9. $\begin{array}{r} 32 \\ \times 4 \\ \hline 128 \end{array}$	10. $\begin{array}{r} 90 \\ \times 6 \\ \hline 540 \end{array}$	11. $\begin{array}{r} 83 \\ \times 2 \\ \hline 166 \end{array}$	12. $\begin{array}{r} 62 \\ \times 5 \\ \hline 310 \end{array}$
13. $\begin{array}{r} 18 \\ \times 9 \\ \hline 162 \end{array}$	14. $\begin{array}{r} 38 \\ \times 5 \\ \hline 190 \end{array}$	15. $\begin{array}{r} 26 \\ \times 6 \\ \hline 156 \end{array}$	16. $\begin{array}{r} 74 \\ \times 8 \\ \hline 592 \end{array}$
17. $\begin{array}{r} 87 \\ \times 5 \\ \hline 435 \end{array}$	18. $\begin{array}{r} 53 \\ \times 7 \\ \hline 371 \end{array}$	19. $\begin{array}{r} 49 \\ \times 3 \\ \hline 147 \end{array}$	20. $\begin{array}{r} 71 \\ \times 4 \\ \hline 284 \end{array}$

جميع الحقوق محفوظة © مؤسسة ماساتشوستس للتعليم

مراجعة

استخدم هذه الصفحات لتقويم مدى فهم طلابك للمفردات والمفاهيم الرئيسة الواردة في هذا الوحدة .

مراجعة المفردات

اعرض مفردات هذا الوحدة وراجع المفردات الواردة على حائط المفردات الافتراضي. اجعل الطلاب يكوّنوا جملة باستخدام كل كلمة.

مراجعة المفاهيم

إذا احتاج الطلاب إلى تعزيز مهاراتهم بعد إكمال هذا الوحدة . فاستخدم الجدول التالي للتدخل.

RtI التشخيص وسبل الحل

مراجعة الدروس	المفهوم	التمارين
1	التحليل إلى العوامل الأولية	10-11
3	الأسس	12-13
4	أنماط الضرب	14-15
8	التقدير	16-18
7	خاصية التوزيع	19-20

كتاب المعلم - أنشطة المستويين 1 و 2

مراجعة المفاهيم

أوجد ناتج التحليل إلى عوامل أولية لكل عدد.

$$10. 12 = 2 \times 2 \times 3$$

$$11. 42 = 3 \times 2 \times 7$$

اكتب ناتج ضرب كل مما يلي باستخدام أس ما.

$$12. 10 \times 10 = 10^2$$

$$13. 5 \times 5 \times 5 \times 5 = 5^4$$

أوجد ناتج ضرب كل مما يلي ذهنيًا.

$$14. 73 \times 10^2 = 7,300$$

$$15. 60 \times 40 = 2,400$$

قارن، ثم اضرب. استخدم التقدير للتحقق من صحة إجابتك.

$$16. \begin{array}{r} 72 \\ \times 36 \\ \hline 2,592 \end{array}$$

$$17. \begin{array}{r} 23 \\ \times 84 \\ \hline 1,932 \end{array}$$

$$18. \begin{array}{r} 321 \\ \times 64 \\ \hline 20,544 \end{array}$$

16-18. راجع تقديرات الطلاب.

أوجد ناتج ضرب كل مما يلي ذهنيًا باستخدام خاصية التوزيع. اشرح الخطوات التي استخدمتها.

$$19. 8 \times 71 = 568$$

$$\begin{aligned} 8 \times 71 &= 8 \times (70 + 1) \\ &= (8 \times 70) + (8 \times 1) \\ &= 560 + 8 \\ &= 568 \end{aligned}$$

$$20. 6 \times 83 = 498$$

$$\begin{aligned} 6 \times 83 &= 6 \times (80 + 3) \\ &= (6 \times 80) + (6 \times 3) \\ &= 480 + 18 \\ &= 498 \end{aligned}$$

مراجعة

الوحدة 2

ضرب الأعداد الكلية

مراجعة المفردات

صل كل كلمة بتعريفها. اكتب إجابتك على الخطوط الموجودة.

- الأعداد المتوافقة **F**
 - ناتج الضرب **G**
 - القوة الأسية للعدد 10 **E**
 - عامل **C**
 - التحليل إلى العوامل الأولية **D**
 - خاصية التوزيع **B**
 - الأسس **H**
 - الأساس **I**
 - القوة الأسية **A**
1. العدد الذي نحصل عليه برفع أساس ما إلى أس ما.
2. تذكر هذه الخاصية أنه لكي تضرب عدداً في المجموع، يمكنك ضرب كل حد جنسي في العدد ثم جمع نواتج عملية الضرب.
3. العدد الذي ينقسم إلى عدد كلي بالتساوي. كما أنه العدد الذي يتم ضربه في عدد آخر.
4. طريقة للتعبير عن عدد غير أولي في صورة ناتج ضرب عوامله الأولية.
5. عدد مثل 10، 100، و1,000. وما إلى ذلك، وهي نتيجة استخدام الرقم 10 كالعامل الوحيد.
6. الأعداد التي يسهل ضربها ذهنيًا.
7. إجابة لمسألة ضرب.
8. في عملية الرفع، هو العدد الذي يمثل عدد المرات التي يتم فيها استخدام الأساس كعامل.
9. في عملية الرفع، هو العدد الذي يستخدم فيها باعتباره العامل المتكرر.

